

Министерство образования и науки Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Новгородский государственный университет имени Ярослава Мудрого»
Институт электронных и информационных систем

Кафедра прикладной математики и информатики

УТВЕРЖДАЮ
Директор ИЭИС
 С.И. Эминов
подпись
3 03 2017 г.
число месяц год

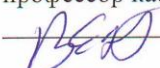


МАТЕМАТИКА

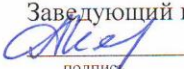
Учебный модуль по направлению подготовки бакалавров
38.03.02 Менеджмент

Рабочая программа

СОГЛАСОВАНО
Начальник учебного отдела
 О.Б. Широколобова
22 03 2017 г.

Разработал
профессор кафедры ПМИ
 В.А. Едемский
подпись

_____ 2017 г.
число месяц

Принято на заседании кафедры ПМИ
Протокол № 7 от 01.03.2017 г.
Заведующий кафедрой
 А.В. Колногоров
подпись

01 03 2017 г.
число месяц

1 Цели и задачи учебного модуля

Преподавание учебного модуля (УМ) «Математика» ставит своей целью формирование в рамках компетентностного подхода системы знаний, умений и навыков решения задач фундаментальных разделов математики, необходимых для выполнения работ и проведения исследований в профессиональной деятельности.

Для достижения указанной цели решаются следующие задачи:

- сформировать представление у студентов об основных принципах моделирования и анализа экономических систем;
- ознакомить их с примерами применения математических моделей и методов в экономике;
- ознакомить обучающихся с системой понятий, используемых для описания важнейших математических моделей и математических методов, и их взаимосвязью;
- подготовить студентов к изучению и применению методов математического анализа и моделирования, математического аппарата при решении профессиональных проблем;
- организовать среду для эффективного изучения основных понятий и методов аналитической геометрии, линейной алгебры и математического анализа;
- подготовить обучающихся к самостоятельному изучению тех разделов математики, которые могут потребоваться дополнительно в практической и исследовательской работе.

2 Место учебного модуля в структуре ООП направления подготовки

УМ «Математика» относится к Математическому и естественнонаучному циклу ФГОС ВПО и ООП по экономическим направлениям подготовки бакалавров и базируется на знаниях по математике в объеме программы средней школы. УМ читается в 1 и 2 семестрах.

УМ обеспечивает математическую подготовку бакалавров и необходим для освоения учебной программы ряда учебных модулей естественнонаучного и профессионального циклов, в частности для изучения учебных элементов и разделов по теории вероятностей, статистики, информатики, а также многих разделов экономики, например, таких как бухгалтерский учет, менеджмент, экономика организации, разделов финансовой математики.

В результате изучения модуля студент должен:

знать:

- основные понятия и методы аналитической геометрии, линейной алгебры;
- математического анализа (основ дифференциального и интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных);
- математические методы решения профессиональных задач;
- фундаментальные разделы математики, необходимые для выполнения работ и проведения исследований в профессиональной деятельности.

уметь:

- решать типовые математические задачи, используемые при принятии решений в профессиональной деятельности, производить расчеты математических величин, получать количественные результаты;
- использовать математический язык и математическую символику при построении экономических моделей;
- формализовать задачу и описать ее с помощью известных математических моделей;
- выбирать рациональные варианты действий при анализе практических задач;
- применять методы математического анализа и моделирования, теоретического исследования для решения профессиональных задач
- анализировать полученные результаты и делать выводы по поставленной задаче;

владеть:

- методами математического анализа и моделирования, математическим аппаратом при решении профессиональных проблем;
- методами построения и анализа эффективных решений;
- навыками применения современного математического инструментария для решения экономических задач.

3 Требования к результатам освоения учебного модуля

Процесс изучения УМ направлен на формирование следующих компетенций:

38.03.02 Менеджмент

ОПК-2 – способностью находить организационно-управленческие решения и готовностью нести за них ответственность с позиций социальной значимости принимаемых решений (базовый уровень);

ОПК-5 – владением навыками составления финансовой отчетности с учетом последствий влияния различных методов и способов финансового учета на финансовые результаты деятельности организации на основе использования современных методов обработки деловой информации и корпоративных информационных систем (базовый уровень).

В результате освоения УМ студент должен знать, уметь и владеть:

Код компетенции	Уровень освоения компетенции	Знать	Уметь	Владеть
ОПК-2 38.03.02	базовый	математические методы анализа организационно-управленческих решений с позиций социальной значимости принимаемых решений	осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения поставленных экономических задач, выбирать и адаптировать основные математические модели к конкретным задачам экономики	методами построения и анализа эффективных решений
ОПК-5 38.03.02	базовый	основные современные методы обработки деловой информации в корпоративных информационных системах	оценивать влияние различных методов и способов финансового учета на финансовые результаты деятельности организации систем	навыками составления финансовой отчетности с учетом последствий влияния различных методов и способов финансового учета на финансовые результаты деятельности организации

4 Структура и содержание учебного модуля

4.1 Трудоемкость учебного модуля

В структуре УМ выделены учебные элементы модуля (УЭМ) в качестве самостоятельных разделов:

- УЭМ1 Введение в предмет. Линейная алгебра;
- УЭМ2 Аналитическая геометрия и основы векторного анализа;
- УЭМ3 Математический анализ (часть 1) и элементы теории множеств;
- УЭМ4 Математический анализ (часть 2) и дифференциальные уравнения.

Учебная работа (УР)	Всего	Распределение по семестрам		Коды формируемых компетенций
		1	2	
Трудовоемкость модуля в зачетных единицах (ЗЕТ)	9	6	3	
Распределение трудоемкости по видам УР в академических часах (АЧ): 1) УЭМ1 Введение в предмет. Линейная алгебра: - лекции 12 - практические занятия (семинары), 18 в том числе <i>аудиторная СРС</i> 6 - внеаудиторная СРС 30				ОПК-2, ОПК-5
2) УЭМ2 Аналитическая геометрия и основы векторного анализа: - лекции 12 - практические занятия (семинары), 18 в том числе <i>аудиторная СРС</i> 6 - внеаудиторная СРС 30				ОПК-2, ОПК-5
3) УЭМ3 Математический анализ (часть 1) и элементы теории множеств - лекции 12 - практические занятия (семинары), 18 в том числе <i>аудиторная СРС</i> 6 - внеаудиторная СРС 30				ОПК-2, ОПК-5
4) УЭМ4 Математический анализ (часть 2) и дифференциальные уравнения - лекции 27 - практические занятия (семинары), 27 в том числе <i>аудиторная СРС</i> 9 - внеаудиторная СРС 54				ОПК-2, ОПК-5
Аттестация: - дифференцированный зачет - экзамен	36	36		ОПК-2, ОПК-5

4.2 Содержание и структура разделов учебного модуля

УЭМ1 Введение в предмет. Линейная алгебра

1.1 Основные принципы моделирования и анализа экономических систем. Предмет и методы математики. Индукция и дедукция, доказательство. Числа, множества, отношения. Математические построения и описание объектов математики. Построение курса математики в ВУЗе. Задачи изучения курса математики на лекциях, практических занятиях и самостоятельной работе.

1.2 Матрицы и определители. Свойства определителей. Операции над матрицами. Обратная матрица.

- 1.3 Решение систем линейных уравнений. Системы линейных алгебраических уравнений. Правило Крамера и метод Гаусса.
- 1.4 Применение элементов линейной алгебры в экономике.

УЭМ2 Аналитическая геометрия и основы векторного анализа

- 2.1 Векторы и операции над ними. Линейная зависимость и независимость системы векторов.
- 2.2 Уравнения прямых и плоскостей на плоскости и в пространстве. Прямые и плоскости в R^2 и R^3 , их уравнения.
- 2.3 Применение элементов векторного анализа и аналитической геометрии в экономике.

УЭМ3 Математический анализ (часть 1)

- 3.1 Элементы теории множеств. Множество вещественных чисел.
- 3.2 Введение в математический анализ. Числовые последовательности и их сходимость.
- 3.3 Функции, их графики. Предел и непрерывность.
- 3.4 Экстремальные задачи, основные понятия. Задачи линейного программирования.
- 3.5 Основы дифференциального исчисления. Исследование функций. Экономические приложения.

УЭМ4 Математический анализ (часть 2) и дифференциальные уравнения

- 4.1 Неопределенный интеграл. Понятие первообразной и неопределенного интеграла. Простейшие правила интегрирования. Интегрирование подстановкой и по частям.
- 4.2 Определенный интеграл. Понятие определенного интеграла, его свойства. Формула Ньютона – Лейбница. Приложения определенного интеграла.
- 4.3 Функции нескольких переменных. Частные производные и дифференциалы. Градиент. Экстремумы и условные экстремумы. Правило множителей Лагранжа. Применение в задачах экономики.
- 4.4 Дифференциальные уравнения. Дифференциальные уравнения 1-го порядка, их основные виды. Линейные дифференциальные уравнения 2-го порядка.

Календарный план, наименование разделов учебного модуля с указанием трудоемкости по видам учебной работы представлены в технологической карте учебного модуля (приложение Б).

4.3 Организация изучения учебного модуля

Методические рекомендации по организации изучения УМ с учетом использования в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения учебных занятий даются в Приложении А.

5 Контроль и оценка качества освоения учебного модуля

Контроль качества освоения студентами УМ и его составляющих осуществляется непрерывно в течение всего периода обучения с использованием балльно-рейтинговой системы (БРС), являющейся обязательной к использованию всеми структурными подразделениями университета.

Для оценки качества освоения модуля используются формы контроля: текущий – регулярно в течение всего семестра; рубежный – на девятой неделе семестра; семестровый – по окончании изучения УМ3 (по результатам изучения УЭМ1, УЭМ2 и УЭМ3) и УЭМ4.

Дифференцированный зачет по модулю выставляется по результатам изучения УМ в первом и во втором семестрах. Минимальное количество баллов, необходимых для зачета, – 225. Максимальное количество баллов – 450.

Оценка качества освоения модуля осуществляется с использованием фонда оценочных средств, разработанного для данного модуля, по всем формам контроля в соответствии с положением от 25.06.2013 «О фонде оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации студентов и итоговой аттестации».

Содержание видов контроля и их график отражены в технологической карте учебного модуля (Приложение Б).

6 Учебно-методическое и информационное обеспечение

Учебно-методическое и информационное обеспечение УМ представлено Картой учебно-методического обеспечения (Приложение Г).

7 Материально-техническое обеспечение учебного модуля

Для осуществления образовательного процесса по модулю используется лекционная аудитория, некоторые занятия рекомендуется проводить в компьютерном классе, либо в аудитории, оборудованной мультимедийными средствами для демонстрации реализации методов линейной алгебры и математического анализа пакетами прикладных программ.

Приложения (обязательные):

А – Методические рекомендации по организации изучения учебного модуля

Б – Технологическая карта

В – Паспорта компетенций

Г – Карта учебно-методического обеспечения УМ

Приложение А
(обязательное)

Методические рекомендации по организации изучения учебного модуля «Математика»

Учебный модуль (УМ) «Математика» разделен на четыре учебных элемента модуля (УЭМ):

- УЭМ1 Введение в предмет. Линейная алгебра;
- УЭМ2 Аналитическая геометрия и основы векторного анализа;
- УЭМ3 Математический анализ (часть 1) и элементы теории множеств;
- УЭМ4 Математический анализ (часть 2) и дифференциальные уравнения.

Каждый УЭМ состоит нескольких разделов-тем, по которым предусмотрены лекционные и практические занятия.

Первый учебный элемент УЭМ1 предусматривает введение обучающихся в предмет математики, их знакомство с основными принципами моделирования и анализа экономических систем. Студентам рассказывается о построении курса математики в ВУЗе, формулируются задачи изучения УМ на лекциях, практических занятиях и самостоятельной работе. После этого в рамках УЭМ1 и УЭМ2 основная часть аудиторной и внеаудиторной работы посвящена изучению основ линейной алгебры, аналитической геометрии и основам векторного анализа.

Третий учебный элемент УЭМ3 включает занятия, направленные на знакомство студентов с элементами теории множеств и основами дифференциального исчисления функций одной действительной переменной. При этом обучающиеся знакомятся с основным понятием математического анализа – понятием функции.

По итогам изучения первых трех учебных элементов проводится семестровый контроль качества освоения материала.

Четвертый учебный элемент УЭМ4 предусматривает знакомство студентов с основами интегрального исчисления, введение в анализ функций нескольких переменных, изучение основ теории и некоторых методов решения дифференциальных уравнений первого и второго порядка.

В таблице А.1 отражены разделы модуля, технологии и формы проведения занятий, задания по самостоятельной работе студента и ссылки на необходимую литературу. Содержание и структура разделов представлена в п. 4.2 рабочей программы УМ.

А.1 Методические рекомендации по теоретической части учебного модуля

Теоретическая часть модуля направлена на формирование системы знаний об основных понятиях и методах математики, в том числе линейной алгебры, аналитической геометрии и математического анализа. Основное содержание теоретической части излагается преподавателем на лекционных занятиях, а также усваивается студентом при знакомстве с дополнительной литературой, которая предназначена для более глубокого овладения знаниями основных дидактических единиц соответствующего раздела и указана в таблице А.1.

А.2 Методические рекомендации по практическим занятиям

Цель практических занятий – формирование у студентов навыков решения типовых математических задач, используемых при принятии решений в профессиональной деятельности, овладение методами математического анализа и моделирования, теоретического исследования для решения профессиональных задач.

Практические занятия включают в себя аудиторное время

- предназначенное для объяснения решения типовых задач или заданий преподавателем у доски;
- самостоятельное решение задач студентами;
- разбор типовых ошибок при решении задач или подведение итогов в конце текущего занятия.

А.3 Методические рекомендации по самостоятельной работе студентов

Методические рекомендации по СРС состоят из текстов примерных задач, упражнений и других заданий, выполняемых в рамках аудиторной и внеаудиторной самостоятельной работы, а так же примерных вопросов для проверки знаний и контрольных работ.

Таблица А.1 – Организация изучения учебного модуля «Математика»

Учебный элемент модуля	Технология и форма проведения занятий, СРС	Задания на СРС	Дополнительная литература и Интернет-ресурсы*
УЭМ1 Введение в предмет. Линейная алгебра	- вводная лекция, - обзорная лекция, - информационная лекция, - проблемная лекция, - решение задач с обсуждением результатов, - работа в малых группах (командные упражнения), - аудиторная контрольная работа, - выполнение домашнего задания, - индивидуальная работа	- используя основную, дополнительную литературу и Интернет-ресурсы, изучить основные дидактические единицы УМ (внеауд. СРС), - решить типовые задачи и упражнения по теме (ауд. и внеауд. СРС), - выполнить командные упражнения (ауд. и внеауд. СРС) - выполнить контрольную работу (ауд. СРС), - выполнить индивидуальное расчетное задание (внеауд. СРС)	1. Сборник задач и упражнений по высшей математике: Общий курс: Учеб. пособие для эконом. спец. вузов / Авт.: А.В. Кузнецов и др. – Минск: Вышэйшая школа, 1994. – 283, [1]с. : ил. – Библиогр.:с.279-280. – ISBN 5-339-00954-8(в пер.) 2. Сборник задач по высшей математике для экономистов : учеб. пособие / Под ред.В.И.Ермакова;Рос.экон.акад.им.Г.В.Плеханова. - М. : Инфра-М, 2001. - 574с. : ил. - (Высшее образование). - Прил.:с.517-525. - ISBN 5-16-000301-0(в пер.) 3. Плис А.И.,Сливина Н.А. Mathcad: Математический практикум для инженеров и экономистов: Учеб.пособие для вузов.-2-е изд.,перераб.и доп.-М.:Финансы и статистика, 2003.-655с.:ил.- Библиогр.:с.654-655.-Прил.:с.563-653.- ISBN 5-279-02550-X
УЭМ2 Аналитическая геометрия и основы векторного анализа			
УЭМ3 Математический анализ (часть 1) и элементы теории множеств			
УЭМ4 Математический анализ (часть 2) и дифференциальные уравнения			

* Основная литература (учебные и учебно-методические издания, Интернет-ресурсы) указана в Карте учебно-методического обеспечения (Приложение Д).

А.3.1 Примерные типовые задачи (для подготовки к контрольной работе № 1) по теме “Матрицы и определители”

1. Вычислить $aA + bB$, AB и BA , если: 2. $a = -2$, $b = 4$, $A = \begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 7 & 3 \\ -3 & 4 \end{pmatrix}$.
2. Вычислить определитель $|A|$ по определению, а также разложив его по указанной строке (столбцу), если: $|A| = \begin{vmatrix} 1 & 1 & -3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 2 & 4 & 3 \end{vmatrix}$, 2 строка.
3. Вычислить определитель $|A|$ по определению, а также разложив его по указанной строке (столбцу), если:
 $|A| = \begin{vmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & -3 & 2 \\ 1 & 4 & 1 \end{vmatrix}$, 3 строка.
4. Решить систему уравнений матричным методом, сделать проверку.
$$\begin{cases} 5x + 2y = -1 \\ 2x - 3y = 8 \end{cases}$$
5. Решить систему уравнений по правилу Крамера, сделать проверку
$$\begin{cases} 2x + 3y - z = 6 \\ 4x + 5y - 4z = -1 \\ 3x - 3y + 2z = 4 \end{cases}$$
6. Решить систему уравнений по теореме Крамера, сделать проверку.
$$\begin{cases} 3x + 4y + 2z = -4 \\ 2x - 3y - z = 5 \\ 5x + y + z = 1 \end{cases}$$
7. Найти A^{-1} , если $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -3 & 5 \end{pmatrix}$.
8. Найти обратную матрицу, если $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & -1 \\ -3 & 5 & -5 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$.

Контрольная работа №1

Тема “Матрицы и определители”

Демонстрационный вариант

1. Вычислить $aA + bB$, AB и BA , если: $a = 2$, $b = -3$, $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ -3 & 4 \end{pmatrix}$;

2. Вычислить определитель $|A|$ по определению, а также разложив его по указанной строке

(столбцу), если: $|A| = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 0 & -3 & 2 \\ 1 & 4 & 3 \end{vmatrix}$, 1 строка;

3. Решить систему уравнений по теореме Крамера, сделать проверку.

$$\begin{cases} 3x - y + 2z = -3 \\ x - 3y + z = -6 \\ -2x + 2y - z = 5 \end{cases}$$

А.3.2 Примерные типовые задачи (для подготовки к контрольной работе № 2) по теме “Метод Гаусса”

1. Решить систему линейных алгебраических уравнений:

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 + 5x_4 = 30 \\ 3x_1 + 3x_2 + 4x_3 + 5x_4 = 34 \\ 4x_1 + 4x_2 + 4x_3 + 5x_4 = 41 \\ x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 10 \end{cases}$$

2. Решить систему линейных алгебраических уравнений:

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 + x_4 = 16 \\ x_1 + 7x_2 + x_3 + x_4 = 23 \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 10 \\ 4x_1 - 3x_2 - 4x_3 + 6x_4 = 1 \end{cases}$$

3. Найти общее решение системы линейных алгебраических уравнений

$$\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 + 3x_3 - 3x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 - 2x_3 + 3x_4 = 0 \\ x_1 - x_2 + 2x_3 + 5x_4 = 0 \end{cases}$$

4. Найти общее решение системы линейных алгебраических уравнений

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 4x_3 - 3x_4 = 2 \\ 3x_1 + 5x_2 + 6x_3 - 4x_4 = 0 \\ 4x_1 + 5x_2 - 2x_3 + 3x_4 = -10 \end{cases}$$

5. Найти общее решение системы уравнений $\begin{cases} x_1 - 3x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 2 \\ 3x_1 - 8x_2 + x_3 + 2x_4 = 5 \\ 2x_1 - 5x_2 - 3x_3 - x_4 = 3 \end{cases}$.

Контрольная работа №2
Тема “Метод Гаусса”
Демонстрационный вариант

1. Решить систему линейных алгебраических уравнений:

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 8 \\ x_2 + 3x_3 + x_4 = 15 \\ 4x_1 + x_3 + x_4 = 11 \\ x_1 + x_2 + 5x_4 = 23 \end{cases}$$

2. Найти общее решение системы линейных алгебраических уравнений

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 2 \\ 3x_1 - 8x_2 + x_3 + 2x_4 = 5 \\ 2x_1 - 5x_2 - 3x_3 - x_4 = 3 \end{cases}$$

А.3.3 Примерные типовые задачи (для подготовки к контрольной работе № 3) по теме “Аналитическая геометрия и основы векторного анализа”

- Даны три вершины параллелограмма $A(-3;3;2)$, $B(9;-6;1)$, $C(7;8;2)$. Найти его четвертую вершину.
- Найти площадь треугольника ABC , где $A(-1;3;-2)$; $B(2;-1;3)$; $C(0;-3;1)$.
- Даны вершины $A(3; 0)$, $B(-5; 6)$, $C(-4; 1)$ треугольника. Найти уравнения высоты и медианы, проведенных через вершину C .
- В треугольнике ABC написать уравнение высоты BD , медианы AE , если $A(6,1)$, $B(-2,0)$, $C(2,-2)$.
- Даны точки $A(1; -2; 0)$, $B(4; -2; 3)$, $C(-3; 4; 3)$, $D(0; -3; -4)$.
 - Найти вершину K параллелограмма $ABKD$.
 - Найти расстояние от точки D до плоскости ABC .
 - Написать уравнение прямой, проходящей через C параллельно AB .
 - Найти объем тетраэдра $ABCD$.
- При каком m прямая $\frac{x-2}{5} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z}{2}$ и плоскость $3x + 2y - mz + 5 = 0$ параллельны.
- Написать уравнение плоскости, проходящей через точку $M_0(2;-3;-5)$, перпендикулярно прямой $\frac{x-1}{5} = \frac{y+2}{3} = \frac{z+7}{0}$.

Контрольная работа №3
Тема “Аналитическая геометрия и основы векторного анализа”
Демонстрационный вариант

- При каких значениях параметра t вектора $\vec{a}(-1;2;t)$ и $\vec{b}(t;-3;2)$ будут перпендикулярны.
- Даны вершины треугольника $A(-3;3)$; $B(9;-6)$; $C(7;8)$. Найти $\cos C$ и уравнение прямой AB .
- Написать уравнение прямой, проходящей через точку $M_0(-4;5;-8)$, перпендикулярно плоскости $5x + 2y - 4z + 7 = 0$.

А.3.4 Примерные типовые задачи (для подготовки к контрольной работе № 4) по теме “Функции, их графики. Предел функции”

1. Построить график функции $y = \frac{2x-3}{x-1}$.
2. Найти предел $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - x - 1}{x^2 - 1}$.
3. Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + x + 1}{x^2 - x + 1} \right)^x$.
4. Найти пределы: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x - \sqrt{4x^2 + 1}}{2x + 3}$, $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^2 - 3x - 2}{\sqrt{3-x} - \sqrt{x-1}}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2-3x^2}{5-3x^2} \right)^{5x-1}$.
5. Найти пределы: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - \sqrt{x^4 + 2}}{x^2 - 1}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt{1-4x^2}}{3x^2}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x-3}{4x+1} \right)^{2x}$.

Контрольная работа №4

Тема “Функции, их графики. Предел функции”

Демонстрационный вариант

1. Построить график функции $y = \frac{2x+1}{x-1}$.
2. Найти пределы: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x+1} - \sqrt{x^2+2}}{\sqrt{x^2+3}}$, $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x + 2}{1 - \sqrt{x-1}}$, $\lim_{x \rightarrow 1} (3x-5)^{\frac{x}{x-1}}$.

А.3.5 Примерные типовые задачи (для подготовки к контрольной работе № 5) по теме “Производные и дифференциалы. Экстремумы”

1. Найти y' , если $y = \arcsin \frac{2x^2}{1+x^4}$.
2. Вычислить $y'(x)$ а) $y = \log_3(2x^2 + 5e^{-x})$ б) $y = \sqrt{\sin 2x} \cdot \operatorname{arctg}(1-x^3)$.
3. Вычислить $y'(x)$ а) $y = \frac{3^{\sin x}}{(x + \operatorname{tg} 2x)^2}$ б) $y = \operatorname{arctg}^3(1-x^3 \log_2(1-x))$.
4. Найти y''' , если $y = x \cdot e^{-x}$.
5. Найти экстремумы функции $y = \frac{2x^2 + x + 7}{x+1}$.
6. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = \frac{x+3}{x^2+7}$ на отрезке $[-3;7]$.
7. Определить, какой из равнобедренных треугольников с заданным периметром имеет наибольшую площадь?
8. Найти интервалы возрастания и убывания функции $y = \frac{2x^2}{2x-1}$.
9. Найти точки перегиба выпуклости графика функции $y = \frac{9x}{1+x^2}$.

Контрольная работа №5**Тема “Производные и дифференциалы. Экстремумы”**Демонстрационный вариант

1. Вычислить $y'(x)$ а) $y = \arctg(2x^2 + 5)$ б) $y = \sqrt{x} \log_2(1 - x^3)$.
 2. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = \frac{x+6}{x^2+13}$ на отрезке
- $$f(x) = \frac{x+6}{x^2+13}.$$
3. Найти интервалы возрастания и убывания функции $y = \frac{2(x-1)^2}{x^2}$

А.3.6 Примерные типовые задачи (для подготовки к контрольной работе № 6) по теме “Интегралы”

Найти неопределенные интегралы:

$$\int \frac{\sqrt[6]{x} - 7\sqrt{x}}{\sqrt[3]{x^2}} dx, \quad \int \frac{4\sqrt{x^3} - \sqrt[6]{x}}{x^4} dx, \quad \int \frac{\sqrt{x^3} + 5\sqrt[3]{x}}{x^2} dx$$

$$\int \frac{dx}{4x^2 + 4x - 3}, \quad \int \frac{3}{(3x+5)^2} dx, \quad \int \frac{x+4}{(x-3)(x+9)} dx, \quad \int \frac{x+4}{(x+1)(x+3)} dx$$

$$\int \frac{\arctg^2 x}{1+x^2} dx, \quad \int \frac{4}{(x+1) \cdot \ln^2(x+1)} dx, \quad \int x \sin 2x dx, \quad \int (6x+1) \cdot e^x dx, .$$

$$\int 4^{3x+5} dx, \quad \int \frac{\cos x}{1 + \sin^2 x} dx, \quad \int (7x+5) \cdot \cos x dx,$$

Контрольная работа №6**Тема “Неопределенный интеграл ”**Демонстрационный вариант

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \frac{6\sqrt{x^3} + 4\sqrt[4]{x}}{x^3} dx,$
2. $\int \sin(2x-3) dx,$
3. $\int \frac{4x^4}{5+7x^5} dx,$
4. $\int (3x+2) \cdot 4^{2x} dx,$
5. $\int \frac{7x+5}{(x-3)(x-4)} dx.$

А.3.7 Примерные типовые задачи (для подготовки к контрольной работе № 7) по теме “Определенный интеграл и функции многих переменных”

1. Вычислить определенный интеграл $\int_{-\pi}^{\pi} (x-1) \sin 2x dx.$
2. Вычислить: $\int_4^{16} \frac{dx}{\sqrt{x} - \sqrt[3]{x}}, \quad \int_0^{\sqrt{3}} x \cdot \arctg x dx.$

3. Вычислить: $\int_0^{\pi} e^{\sin 2x} \cos 2x dx$, $\int_0^{\pi} (2x + 1) \sin 3x dx$
4. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = 2x^2$, $y = 1 - x$.
5. Найти площадь фигуры, ограниченной параболой $y = 4x - x^2$ и осью Ox .
6. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2 - 4x + 4$, $y = x$.
7. Найти объем тела вращения вокруг оси абсцисс фигуры, ограниченной линиями $y = 0$, $y = \sqrt{6x - x^2 - 8}$.
8. Исследовать на экстремум функцию $f(x) = (2x - 1)^2 + 4xy + 2y^2$.
9. Исследовать на экстремум функцию $f(x) = (2x - 1)^2 + 4xy + 2y^2$.

Контрольная работа №7

Тема “Определенный интеграл и функции многих переменных”

Демонстрационный вариант

1. Вычислить: $\int_4^9 \frac{1}{x - \sqrt{x}} dx$, $\int_0^{\ln 2} x e^{-x} dx$.
2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^3$, $y = \sqrt{x}$. Сделать чертёж.
3. Для функции $f(x) = \sqrt{x^2 - y^2}$ найти $\text{grad } f(x)$ и производную по направлению вектора $\vec{l}(1; -2)$ в точке $M_0(5; 3)$.

А.3.8 Примерные типовые задачи (для подготовки к контрольной работе № 8) по теме “Дифференциальные уравнения”

1. Найти общее решение дифференциального уравнения $(x + xy^2)dx - (2y + yx^2)dy = 0$.
2. Найти общее решение дифференциального уравнения $\frac{ydy}{\sqrt{1+y^2}} + xdx = 0$
3. Найти общее решение дифференциального уравнения $y' - 2xy = x$
4. Найти общее решение дифференциальных уравнений $(2x + 5)\sqrt{y} = e^x y'$,
 $y' = (2y + 1)\text{ctg} x$.
5. Решить задачу Коши: $y' + \frac{y}{x} = 3x$, $y(1) = 1$.
6. Найти общее решение дифференциального уравнения $y'' - 4y' + 3y = x^2$.
7. Найти частное решение дифференциального уравнения $y'' + 4y = e^{-2x}$, удовлетворяющее начальным условиям $y(0) = 0$; $y'(0) = 0$.
8. Найти общее решение дифференциального уравнения $y'' - y' = e^x$

Контрольная работа №8

Тема “Дифференциальные уравнения”

Демонстрационный вариант

Найти общее решение дифференциальных уравнений:

1. $\sqrt{1-y^2} dx + y\sqrt{1-x^2} dy = 0$;

2. $x^2 y' = 2xy + 3$,
3. $y'' - 2y' + y = e^x$.

А.3.9 Списки примерных контрольных вопросов для проверки теоретических знаний

I семестр

1. Определители второго и третьего порядков.
2. Свойства определителей 1 – 4.
3. Матрицы, операции над ними.
4. Обратная матрица, ее вычисление.
5. Системы линейных уравнений. Правило Крамера.
6. Матричная запись систем. Решение с помощью обратной матрицы.
7. Ранг системы векторов и ранг матрицы. Метод Гаусса. Теорема Кронекера – Капелли.
8. Экономические приложения линейной алгебры.
9. Векторы, действия над ними. Скалярное произведение.
10. Координаты точек и векторов, длина вектора.
11. Деление отрезка в данном отношении.
12. Уравнение прямой на плоскости.
13. Взаимное расположение двух прямых на плоскости.
14. Уравнение плоскости в пространстве.
15. Взаимное расположение двух плоскостей.
16. Уравнение прямой в пространстве.
17. Взаимное расположение двух прямых в пространстве.
18. Взаимное расположение прямой и плоскости.
19. Экономические приложения векторного анализа и аналитической геометрии.
20. Простейшие функции и их графики.
21. Операции над функциями. Элементарные функции.
22. Бесконечно малые и их свойства.
23. Сохранение непрерывности при алгебраических операциях и композиции.
24. Непрерывность элементарных функций.
25. Предел функции в точке, свойства пределов.
26. Замечательные пределы.
27. Сравнение бесконечно малых.
28. Точки разрыва функции.
29. Асимптоты и их нахождение.
30. Производная, ее механический, геометрический и экономический смысл.
31. Таблица производных.
32. Правила вычисления производных 1 – 4.
33. Производная сложной и обратной функции.
34. Формула для приращения функции. Дифференциал функции.
35. Правила Лопиталя.
36. Условие возрастания и убывания функции. Экстремумы.
37. Условие выпуклости вниз и вверх функции. Точки перегиба.
38. Схема построения графика функции на примере.
39. Экономические приложения дифференциального исчисления.

II семестр

1. Первообразная и неопределенный интеграл.
2. Таблица интегралов.
3. Простейшие правила интегрирования.

4. Интегрирование подстановкой.
5. Интегрирование по частям.
6. Интегрирование простейших дробей.
7. Метод неопределенных коэффициентов.
8. Понятие определенного интеграла.
9. Формула Ньютона-Лейбница.
10. Площадь криволинейной трапеции.
11. Объем тела и, в частности, тела вращения.
12. Производная по направлению, частные производные.
13. Градиент.
14. Экстремумы, их нахождение.
15. Применение дифференциального исчисления функций нескольких переменных в задачах экономики.
16. Дифференциальные уравнения, их порядок.
17. Интегральные линии. Задача Коши.
18. Уравнения с разделяющимися переменными.
19. Однородные уравнения.
20. Линейные уравнения первого порядка.
21. Линейные однородные уравнения второго порядка.
22. Линейные неоднородные уравнения второго порядка.

Пример экзаменационного билета

Новгородский государственный университет имени Ярослава Мудрого
Кафедра прикладной математики и информатики
Экзаменационный билет № 1

Учебный модуль «Математика»

Для направления подготовки 38.03.02 Менеджмент

1. Уравнение прямой в пространстве.
2. Формула для приращения функции. Дифференциал функции.

3. Задача. Решить систему уравнений
$$\begin{cases} 2x + 3y - z = 6 \\ 4x + 5y - 4z = -1 \\ 3x - 3y + 2z = 4 \end{cases}$$

4. Задача. Найти предел $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - x - 1}{x^2 - 1}.$

УТВЕРЖДАЮ
Зав.кафедрой КПМИ

А.В. Колногоров

Приложение Б
(обязательное)

**Технологическая карта
учебного модуля «Математика»**

семестр – 1, 2, ЗЕТ – 9, вид аттестации – ЭКЗ, ДЗ, академ. часов – 324, баллов рейтинга – 450

№ и наименование раздела учебного модуля, КП/КР	№ неде- ли сем.	Трудоемкость, ак.час					СРС	Форма текущего контроля успев. (в соотв. с паспортом ФОС)	Максим. кол-во баллов рейтинга
		Аудиторные занятия							
		ЛЕК	ПЗ	ЛР	АСРС				
I семестр									
УЭМ1 Введение в предмет. Линейная алгебра	1-6	12	18	-	6	30		100	
							разноуровневые задачи	26	
							командные упражнения	24	
							контрольные работы № 1 и 2	50	
УЭМ2 Аналитическая геометрия и основы векторного анализа	7-12	12	18	-	6	30		50	
							разноуровневые задачи	15	
							командные упражнения	10	
							контрольная работа № 3	25	
УЭМ3 Математический анализ (часть 1) и элементы теории множеств	13-18	12	18	-	6	30		100	
							разноуровневые задачи	26	
							командные упражнения	24	
							контрольные работы № 4 и 5	50	
Рубежная аттестация	9	не менее 50 баллов из 100							
Семестровый контроль	18	не менее 125 баллов из 250							
Сессия		экзамен							50
II семестр									
УЭМ4 Математический анализ (часть 2) и дифференциальные уравне- ния	1-18	27	27	-	9	54		150	
							разноуровневые задачи	35	
							командные упражнения	40	
							контрольные работы № 6-8	75	
Рубежная аттестация	9	не менее 25 из 50							
Семестровый контроль	18	не менее 75 баллов из 150							
Итого:		63	81	-	27	144		450	

Критерии оценки качества освоения студентами дисциплины

(в соответствии с Положением «Об организации учебного процесса по основным образовательным программам высшего профессио-
нального образования» от 27.09.2011г. № 32):

- удовлетворительно – 50 - 69 % от 50*ЗЕТ
- хорошо – 70 - 89 % от 50*ЗЕТ
- отлично – 90 - 100 % от 50*ЗЕТ

Приложение В

Паспорт компетенции

Способность осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач (ОПК-2 38.03.01).

Уро вни	Показатели	Оценочная шкала		
		удовлетворительно	хорошо	отлично
базовый уровень	Знает основные методы количественного анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования, владеть математическим аппаратом при решении профессиональных проблем	Испытывает трудности в определении основных понятий, не всегда адекватно использует математические инструменты. Имеет фрагментарные знания разделов математики	Недостаточно четко формулирует и объясняет определения основных понятий, может пользоваться инструментами аналитической геометрии, линейной алгебры и математического анализа	Четко формулирует и объясняет определения основных понятий, способен обосновать выбор инструмента аналитической геометрии, линейной алгебры и математического анализа и может уверенно его использовать
	Умеет применять современный математический аппарат при анализе и обработке данных, необходимых для решения профессиональных задач;	Испытывает трудности при решении типовых математических задач, при проведении расчетов математических величин, не всегда способен получать количественные результаты, испытывает трудности при использовании математического языка и математической символики при построении экономических моделей	Допускает неточности при решении типовых математических задач, при проведении расчетов математических величин, при получении количественных результатов и использовании математического языка и математической символики при построении экономических моделей	Способен безошибочно решать типовые математические задачи, используемые при принятии решений в профессиональной деятельности, производить расчеты математических величин, получать количественные результаты, использовать математический язык и математическую символику при построении экономических моделей
	Владеет культурой мышления, способностью к обобщению, анализу, восприятию информации, постановке цели и выбору путей ее достижения.	Не всегда адекватно использует методы математического анализа и моделирования, математический аппарат при решении профессиональных проблем	Может пользоваться методами математического анализа и моделирования, математическим аппаратом при решении профессиональных проблем	Способен обосновать выбор методов математического анализа и моделирования, математического аппарата и может уверенно их использовать при решении профессиональных проблем

Паспорт компетенции

Способность находить организационно-управленческие решения и готовностью нести за них ответственность с позиций социальной значимости принимаемых решений (ОПК-2 38.03.02).

Уровни	Показатели	Оценочная шкала		
		удовлетворительно	хорошо	отлично
базовый уровень	Знает математические методы анализа организационно-управленческих решений с позиций социальной значимости принимаемых решений	Не всегда адекватно использует математические методы решения профессиональных задач	Может пользоваться математическими методами решения профессиональных задач	Способен обосновать выбор математических методов решения профессиональной задачи и может уверенно их использовать
	Умеет осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения поставленных экономических задач, выбирать и адаптировать основные математические модели к конкретным задачам экономики	Не всегда адекватно может formalизовать задачу и описать ее с помощью известных математических моделей; выбрать рациональные варианты действий при анализе практических задач; испытывает трудности при анализе полученных результатов и формулировании выводов по поставленной задаче	Может формализовать задачу, но допускает неточности при ее описании с помощью известных математических моделей; испытывает небольшие трудности при выборе рациональных вариантов действий при анализе практических задач; испытывает небольшие трудности при анализе полученных результатов и формулировании выводов по поставленной задаче	Способен четко формализовать задачу и описать ее с помощью известных математических моделей; выбрать рациональные варианты действий при анализе практических задач; проанализировать полученные результаты и сделать выводы по поставленной задаче
	Владеет методами построения и анализа эффективных решений	Не всегда адекватно использует математический инструментарий для решения экономических задач	Может использовать современный математический инструментарий для решения экономических задач	Способен обосновать выбор методов для решения экономических задач

Приложение Г

(обязательное)

Карта учебно-методического обеспечения

Учебного модуля «Математика»

Направление (специальность): 38.03.02 Менеджмент

Формы обучения: очная

Курс – 1 Семестры – 1, 2

Часов: всего – 324, лекций – 63, практ. зан. – 81, СРС и виды индивидуальной работы – 180

Обеспечивающая кафедра: Прикладной математики и информатики

Таблица 1- Обеспечение учебного модуля учебными изданиями

Библиографическое описание* издания (автор, наименование, вид, место и год издания, кол. стр.)	Кол. экз. в библ. НовГУ	Наличие в ЭБС
Учебники и учебные пособия		
1 Высшая математика для экономистов: Учеб. для студентов вузов/Кремер Н.Ш., Путко Б.А., Тришин И.М., Фридман М.Н.; Под ред. Н.Ш. Кремера. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: ЮНИТИ, 2003. - 470, [1] с. : ил. - Библиогр.: с. 445. - Указ.: с. 456-465.	27 (Изд. других лет 55 шт.)	
Учебно-методические издания		
1 Математика: Рабочая программа учебного модуля по экономическим направлениям подготовки бакалавров / Сост. В.А. Едемский; НовГУ. – Великий Новгород, 2013. - 28 с.	1	Электр.
2 В.А. Едемский, С. В. Неустроева, Ю.Ю. Петрова. Линейная алгебра, 1 часть: метод. указания / ФГБОУ «Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого», Великий Новгород, 2012 г. – 36 с.		Электр.
3 Ю.Ю. Петрова. Пределы и непрерывность функции: метод. указания / ФГБОУ «Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого», Великий Новгород, 2012 г. – 10 с.		Электр.
4 В.А. Едемский, Т.Н. Шелонина. Неопределенный интеграл: метод. указания / ФГБОУ «Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого», Великий Новгород, 2013 г. – 20 с.		Электр.

Таблица 2 – Информационное обеспечение учебного модуля

Название программного продукта, интернет-ресурса	Электронный адрес	Примечание
Единый портал Интернет-тестирования в сфере образования	http://training.i-exam.ru/	внеауд. СРС

Таблица 3 – Дополнительная литература

Библиографическое описание издания (автор, наименование, вид, место и год издания, кол. стр.)	Кол. экз. в библ. НовГУ	Наличие в ЭБС
1 Шипачев В.С. Высшая математика: Учеб.для студентов вузов.-8-е изд., стер.- М.:Высшая школа,2007.-479,[1]с.: ил.-Указ.:с.455-463.- ISBN 978-5-06-003959-7(в пер.).	100	
2 Минорский В.П. Сборник задач по высшей математике:Учеб.пособие для втузов.-15- е изд.-М.:Физматлит, 2008.- 336с.:ил.-Прил.:с.332-336.-ISBN 987-5-94052-143-6(в пер.).	15	

Действительно для учебного года _2018/2019

Заведующий кафедрой
20.12. 2017

 / Колногород А.В. /

[illegible]