

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«Новгородский государственный университет имени Ярослава Мудрого»
Институт электронных и информационных систем
Кафедра прикладной математики и информатики

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

Сертификат: 11 7D 78 67 C2 66 A3 34 B2 CE 4F 9A FD E9 38 84 E5 28 4A 09

Владелец: Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования «Новгородский государственный университет
имени Ярослава Мудрого»

Действителен: с 08.07.2021 до 08.10.2022



С.И. Эминов

«18» декабря 2020г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
учебной дисциплины

ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА

по направлению подготовки 11.03.01 Радиотехника

направленность (профиль) Аппаратно-программные средства радиотехнических систем

СОГЛАСОВАНО

Начальник отдела обеспечения
деятельности ИЭИС

 П.В. Лысухо

«25» декабря 2020 г.

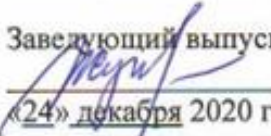
Разработал

Доцент КПМИ НовГУ

 П.В. Лысухо

«18» декабря 2020 г.

Заведующий выпускающей кафедрой

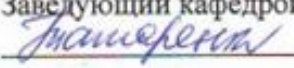
 И.Н. Жукова

«24» декабря 2020 г.

Принято на заседании кафедры

Протокол № 5 от «24» декабря 2020 г.

Заведующий кафедрой

 А.С. Татаренко

«24» декабря 2020 г.

1 Цели и задачи освоения учебной дисциплины

Цель освоения учебной дисциплины

формирование систематизированных знаний в области математики и математических методов как фундамента для успешного освоения модуля естественнонаучного и профессионального циклов.

Задачи: привитие и развитие математического мышления, воспитание высокой математической культуры; формирование личности студента, развитие его интеллекта, способностей к логическому и алгоритмическому мышлению; формирование научного представления о методах случайных явлений и применение изученных методов для построения вероятностно-статистических моделей.

2 Место учебной дисциплины в структуре ОПОП

Учебная дисциплина Теория вероятностей и математическая статистика относится к обязательной части учебного плана основной профессиональной образовательной программы по направлению подготовки 11.03.01 Радиотехника и направленности (профилю) Аппаратно-программные средства радиотехнических систем (далее – ОПОП).

В качестве входных требований выступают сформированные ранее компетенции обучающихся, приобретенные ими в рамках школьного курса математики в объеме курса средней школы и учебной дисциплины Высшая математика.

Освоение учебной дисциплины является компетентностным ресурсом для дальнейшего изучения следующих дисциплин (модулей, практик): Теоретические основы электротехники, Статистическая теория радиотехнических систем и других учебных дисциплин (модулей), предусмотренных учебным планом направления подготовки.

3 Требования к результатам освоения учебной дисциплины

Перечень компетенций, которые формируются в процессе освоения учебной дисциплины:

ОПК-1 Способен использовать положения, законы и методы естественных наук и математики для решения задач инженерной деятельности (*научное мышление*).

ОПК-2 Способен самостоятельно проводить экспериментальные исследования и использовать основные приемы обработки и представления полученных данных (*исследовательская деятельность*).

Результаты освоения учебной дисциплины представлены в Таблице 1.

Таблица 1 – Результаты освоения учебной дисциплины

Код и наименование компетенции	Результаты освоения учебной дисциплины (индикаторы достижения компетенций)		
ОПК-1 Способен использовать положения, законы и методы естественных наук и математики для решения задач инженерной деятельности	ОПК-1.1, ИД-1 _{ОПК-1} Знает фундаментальные законы природы и основные физические математические законы	ОПК-1.2, ИД-2 _{ОПК-1} Умеет применять физические законы и математические методы для решения задач теоретического и прикладного характера	ОПК-1.3, ИД-3 _{ОПК-1} Владеет навыками использования знаний физики и математики при решении практических задач

ОПК-2 Способен самостоятельно проводить экспериментальные исследования и использовать основные приемы обработки и представления полученных данных	ОПК-2.1, ИД-1 _{ОПК-2} Находить и критически анализировать информацию, необходимую для решения поставленной задачи	ОПК-2.2, ИД-2 _{ОПК-2} Рассматривать возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки;	ОПК-2.4, ИД-2 _{ОПК-4} Определять ожидаемые результаты решения выделенных задач;
--	---	--	---

4 Структура и содержание учебной дисциплины

4.1 Трудоемкость учебной дисциплины

4.1.1 Трудоемкость учебной дисциплины для очной формы обучения представлена в таблице 2.

Таблица 2 – Трудоемкость учебной дисциплины для очной формы обучения

Части учебной дисциплины	Всего	Распределены по семестрам
		3 семестр
1. Трудоемкость учебной дисциплины в зачетных единицах (ЗЕТ)	6	6
2. Контактная аудиторная работа в академических часах (АЧ)	70	70
3. Курсовая работа/курсовой проект (АЧ) <i>(при наличии)</i>	-	-
4. Внеаудиторная СРС в академических часах (АЧ)	110	110
5. Промежуточная аттестация <i>(зачет; дифференцированный зачет; экзамен) (АЧ)</i>	36	36 экзамен

4.2 Содержание учебной дисциплины

Раздел 1. Элементы комбинаторики и теории вероятностей

1.1 Основные правила комбинаторики. Размещения, перестановки, сочетания без повторений и с повторениями. Бином Ньютона.

1.2 Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Классическое и геометрическое определение вероятности. Статическая вероятность. Условная вероятность. Независимость событий. Основные теоремы. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

1.3 Схема Бернулли. Формула Бернулли. Наивероятнейшее число успехов в схеме Бернулли. Предельные теоремы Пуассона и Муавра-Лапласа.

Раздел 2. Одномерные случайные величины

- 2.1. Одномерные случайные величины.
- 2.2. Дискретная одномерная случайная величина (ДСВ)
- 2.3. Непрерывная одномерная случайная величина (НСВ)
- 2.4. Числовые характеристики одномерных случайных величин
- 2.5. Дискретные и непрерывные распределения

Раздел 3. Системы случайных величин

- 3.1. Свойства функции распределения и плотности распределения двумерной случайной величины. Независимые случайные величины. Функции случайных величин. Композиция случайных величин
- 3.2. Моменты системы случайных величин. Корреляционная матрица. Нормальное распределение системы случайных величин
- 3.3. Функции случайных величин. Предельные теоремы теории вероятностей
- 3.4. Распределения, связанные с нормальным

Раздел 4. Элементы математической статистики

- 4.1. Выборочный метод
- 4.2. Точечные оценки параметров распределения
- 4.3. Доверительные интервалы.
- 4.4. Проверка статистических гипотез

4.3 Трудоемкость разделов учебной дисциплины и контактной работы

№	Наименование разделов (тем) учебной дисциплины (модуля), УЭМ, наличие КП/КР	Контактная работа (в АЧ)					Внеауд. СРС (в АЧ)	Формы текущего контроля
		Аудиторная			В т.ч. СРС	Э		
		ЛЕК	ПЗ	ЛР				
Третий семестр								
Раздел 1. Элементы комбинаторики и теории вероятностей								
1.1.	Основные правила комбинаторики. Размещения, перестановки, сочетания без повторений и с повторениями. Бином Ньютона	2,5	5		2	25	КР! ИДЗ 1	
1.2.	Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Классическое и геометрическое определение вероятности. Статистическая вероятность							
1.3.	Условная вероятность. Независимость событий. Основные теоремы. Формула полной вероятности. Формула Байеса	2						
1.4.	Схема Бернулли. Формула Бернулли. Наивероятнейшее число успехов в схеме Бернулли. Предельные теоремы Пуассона и Муавра - Лапласа	1						
Раздел 2. Одномерные случайные величины								
2.1.	Одномерные случайные величины. Дискретная одномерная случайная величина (ДСВ)	3	10		3	30	ИДЗ 2, КР 2	
2.2.	Непрерывная одномерная случайная величина (НСВ)							
2.3.	Числовые характеристики одномерных случайных величин	2,5						
2.4.	Дискретные и непрерывные распределения	2						
Раздел 3. Системы случайных величин								
3.1.	Свойства функции распределения и плотности распределения двумерной случайной величины. Независимые случайные величины. Функции случайных величин. Композиция случайных величин	2	7		3	20	ИДЗ 3, КР 3,	
3.2.	Моменты системы случайных величин. Корреляционная матрица. Нормальное распределение системы случайных величин	2						

3.3.	Функции случайных величин. Предельные теоремы теории вероятностей	1					
3.4.	Распределения, связанные с нормальным	2	3				
Раздел 4. Элементы математической статистики							
4.1	Выборочный метод	4	3		4		ИДЗ 4, КР 4
4.2.	Точечные оценки параметров распределения		3			35	
4.3.	Доверительные интервалы	2	5				
4.4.	Проверка статистических гипотез	2	6				
	Промежуточная аттестация					36	ЭКЗАМЕН
	ИТОГО за третий семестр	28	42		12	36	110

4.4 Лабораторные работы и курсовые работы/курсовые проекты

4.4.1 Перечень тем лабораторных работ:

Лабораторные работы не предусмотрены учебным планом.

4.4.2 Примерные темы курсовых работ/курсовых проектов:

Курсовые работы/курсовые проекты не предусмотрены учебным планом.

5 Методические рекомендации по организации освоения учебной дисциплины

Таблица 4 – Методические рекомендации по организации лекций

№	Темы лекционных занятий	Форма проведения	Трудоемкость в АЧ
Третий семестр			
Раздел 1. Элементы комбинаторики и теории вероятностей			
1.	Основные правила комбинаторики. Размещения, перестановки, сочетания без повторений и с повторениями. Бином Ньютона	Обзорная лекция-презентация	2,5
2.	Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Классическое и геометрическое определение вероятности. Статистическая вероятность	Инф. Лекция-презентация	
3.	Условная вероятность. Независимость событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса	Инф. Лекция-презентация	2
4.	Схема Бернулли. Формула Бернулли. Наимвероятнейшее число успехов в схеме Бернулли. Предельные теоремы Пуассона и Муавра – Лапласа	Инф. Лекция-презентация	1
Раздел 2. Одномерные случайные величины			
5.	Одномерные случайные величины. Функции распределения случайной величины и её свойства. Дискретная одномерная случайная величина (ДСВ). Закон распределения Непрерывная одномерная случайная величина (НСВ). Плотность вероятности и функция распределения	Инф. лекция	3
7.	Числовые характеристики одномерных случайных величин. Моменты ДСВ. Моменты НСВ.	Инф. лекция	2,5
6.	Дискретные и непрерывные распределения. Биномиальное распределение и его частные случаи. Распределение Пуассона. Равномерное распределение. Экспоненциальное (показательное) распределение. Функция Лапласа и ее свойства. Нормальное распределение. Вероятность попадания нормальной случайной величины в заданный интервал. Правило трех сигма. Стандартное нормальное распределение. Характеристическая функция нормальной величины. Интеграл ошибок	Инф. Лекция	2
Раздел 3. Системы случайных величин			
7.	Свойства функции распределения и плотности распределения двумерной случайной величины. Независимые случайные величины. Функции случайных величин. Композиция случайных величин	Инф. лекция	2
8.	Моменты системы случайных величин. Корреляционная матрица. Нормальное распределение системы случайных величин	Инф. лекция	2
9.	Функции случайных величин. Предельные теоремы теории вероятностей	Инф. лекция-презентация	1
10.	Распределения, связанные с нормальным	Инф. лекция-презентация	2
Раздел 4. Элементы математической статистики			
11.	Выборочный метод. Статистический ряд и его характеристики.	Инф. лекция	

	Генеральная совокупность и выборка. Полигон и гистограмма. Эмпирическая функция распределения. Числовые характеристики выборки. Свойства законов распределения	-презентации	4
12.	Точечные оценки параметров распределения. Основные понятия и определения. Метод моментов. Метод Пирсона. Метод максимального правдоподобия. Метод Фишера. Сравнение оценок параметров распределения. Эффективные оценки	Инф. лекция презентации	
13.	Доверительные интервалы. Доверительная вероятность. Оценка параметров нормального распределения. Построение доверительного интервала для математического ожидания при известном σ . Доверительные интервалы для параметров нормального распределения	Инф. Лекция -презентации	2
14.	Проверка статистических гипотез. Статистические гипотезы и критерии. Гипотезы о законе распределения. Гипотезы о параметрах распределения одномерной случайной величины. Проверка гипотезы о законе распределения	Инф. лекция -презентации	2
ИТОГО за третий семестр			28

Таблица 5 – Методические рекомендации по организации практических занятий

№	Темы практических занятий	Форма проведения	Трудоем- кость в АЧ
<i>Третий семестр</i>			
Раздел 1. Элементы комбинаторики и теории вероятностей			
1.	Основные правила комбинаторики: правило произведения, правило суммы. Размещения, перестановки, сочетания без повторений. Бином Ньютона	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	4,5
2.	Размещения, перестановки, сочетания с повторениями. Полиномиальная формула. Комбинаторные тождества.	Групповые дискуссии по обсуждению и решению задач	
3.	Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Задача о встрече. Частота событий. Свойства частоты событий. Классическое и геометрическое определение вероятности	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	
4.	Условная вероятность. Независимость событий. Теорема умножения.	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	
5.	Формула полной вероятности. Формула Байеса	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	
6.	Схема Бернулли. Формула Бернулли. Наимвероятнейшее число успехов в схеме Бернулли. Функция Гаусса. Предельные теоремы Пуассона и Муавра – Лапласа	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	
7.		КР 1	0,5
Раздел 2. Одномерные случайные величины			
8.	Дискретная одномерная случайная величина (ДСВ). Закон распределения. Функция распределения.	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	8
9.	Непрерывная одномерная случайная величина (НСВ). Плотность вероятности и функция распределения	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	
10.	Числовые характеристики одномерных случайных величин. Моменты ДСВ. Моменты НСВ	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	
11.	Дискретные и непрерывные распределения. Биномиальное распределение и его частные случаи. Распределение Пуассона. Равномерное распределение. Экспоненциальное (показательное) распределение. Нормальное распределение. Вероятность попадания нормальной случайной величины в заданный интервал. Правило трех сигма	Работа в группе, дискуссии по обсуждению и решению задач, самостоятельная контактная работа	
12.		КР 2	2
Раздел 3. Системы случайных величин			

13.	Свойства функции распределения и плотности распределения двумерной случайной величины. Независимые случайные величины. Функции случайных величин. Композиция случайных величин	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	2
14.	Моменты системы случайных величин. Корреляционная матрица. Нормальное распределение системы случайных величин	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	2
15.	Функции случайных величин. Предельные теоремы теории вероятностей	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	2
16.	Распределения, связанные с нормальным	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	3
17.		КР 3	1
Раздел 4. Элементы математической статистики			
18.	Выборочный метод. Статистический ряд и его характеристики. Генеральная совокупность и выборка. Полигон и гистограмма. Эмпирическая функция распределения. Числовые характеристики выборки. Свойства законов распределения	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	9
19.	Точечные оценки параметров распределения. Основные понятия и определения. Метод моментов. Метод Пирсона. Метод максимального правдоподобия. Метод Фишера. Сравнение оценок параметров распределения. Эффективные оценки	Групповые дискуссии по обсуждению и решению задач	
20.	Доверительные интервалы. Доверительная вероятность. Оценка параметров нормального распределения. Построение доверительного интервала для математического ожидания при известном σ . Доверительные интервалы для параметров нормального распределения	Работа в группе, самостоятельная контактная работа	
21.	Проверка статистических гипотез. Статистические гипотезы и критерии. Гипотезы о законе распределения. Гипотезы о параметрах распределения одномерной случайной величины. Проверка гипотезы о законе распределения	Групповые дискуссии по обсуждению и решению задач	6
22.		КР 4	2
ИТОГО за третий семестр			42

Рекомендации к проведению лекционных и практических занятий.

Интегральную модель образовательного процесса (ОП) по дисциплине формируют технологии методологического уровня: модульно-рейтинговое обучение, контекстное обучение, технология поэтапного формирования умственных действий, технология развивающего обучения, элементы технологии развития критического мышления.

Реализация данной модели предполагает использование следующих образовательных технологий стратегического уровня (задающих организационные формы взаимодействия субъектов ОП), осуществляемых с использованием определенных тактических процедур:

лекционные занятия проводятся в традиционной форме: вводная лекция, информационная лекция, обзорная лекция, лекция-консультация, проблемная лекция; **практические занятия** проводятся в традиционной форме (углубление знаний, полученных на теоретических занятиях, решение задач); **тренинговые** (формирование определенных умений и навыков, формирование алгоритмического мышления); **активизации познавательной деятельности** (приемы технологии развития критического мышления через чтение и письмо, работа с литературой, подготовка презентаций по темам докладов, олимпиады); **самоуправления** (самостоятельная работа включает подготовку к контрольным работам, выполнение и оформление индивидуальных заданий, самостоятельное изучение материала, составление конспектов, подготовку к экзамену; **консультации индивидуальные и групповые.**

Основное содержание теоретической части излагается преподавателем на лекционных занятиях, которые направлены на формирование системы знаний об основных понятиях и методах математики. Для более глубокого овладения и понимания материала обучающемуся рекомендуется изучение литературы, указанной в Приложение Б (Карта учебно-

методического обеспечения учебной дисциплины Теория вероятностей и математическая статистика).

Практические занятия предназначены для объяснения решения типовых задач, самостоятельного решения задач студентами, разбор ошибок при решении задач, подведения итогов текущих занятий, а также подведения итогов контрольных точек дисциплины.

При подготовке к практическим занятиям студент должен изучить лекционный материал, в случае необходимости обратиться к соответствующим разделам рекомендованной литературы и методическим пособиям. К практическим занятиям по конкретной теме студент обязан знать основные понятия, определения, формулировки теорем и свойства. На практических занятиях необходимо иметь конспект лекций по изучаемой теме. Для закрепления темы студенту выдаются ИДЗ для самостоятельной работы. Самостоятельная работа студентов (СРС) делится на контактную аудиторную и внеаудиторную. Контактная аудиторная СРС проводится при непосредственном присутствии и контроле преподавателя. Внеаудиторная СРС состоит: в самостоятельном прорабатывании лекционного материала; в изучении теоретического материала; в решении индивидуальных домашних заданий (ИДЗ); в подготовке к контрольным работам; в подготовке к экзамену. При выполнении ИДЗ рекомендуется использовать проработанный в аудитории материал и обратиться к задачкам, в которых разобраны типовые примеры с решениями стандартных задач. При возникновении затруднений при изучении материала студент может получить консультацию у преподавателя.

6 Фонд оценочных средств учебной дисциплины

Фонд оценочных средств представлен в Приложении А.

7 Условия освоения учебной дисциплины

7.1 Учебно-методическое обеспечение

Учебно-методического обеспечения учебной дисциплины (модуля) представлено в Приложении Б.

7.2 Материально-техническое обеспечение

Таблица 6 – Материально-техническое обеспечение учебной дисциплины

№	Требование к материально-техническому обеспечению согласно ФГОС ВО	Наличие материально-технического оборудования	
1.	Учебные аудитории для проведения учебных занятий	аудитория для проведения лекционных и/или практических занятий: учебная мебель (столы, стулья, доска)	
		помещения для самостоятельной работы (наличие компьютера, выход в Интернет)	
2.	Мультимедийное оборудование	проектор, компьютер, экран, интерактивная доска	
3.	Программное обеспечение		
Наименование программного продукта		Обоснование для использования (лицензия, договор, счёт, акт или иное)	Дата выдачи
Microsoft Windows 7 Professional		Dreamspark (Imagine) № 370aef61-476a-4b9f-bd7c-84bb13374212	30.04.2015
Microsoft Windows 10 for Educational Use		Dreamspark (Imagine) № 370aef61-476a-4b9f-bd7c-84bb13374212	30.04.2015
Microsoft Office 2013 Standard		Open License № 62018256	31.07.2016
Microsoft Imagine (Microsoft Azure Dev Tools for Teaching) Standard		Договор №243/ю, 370aef61-476a-4b9f-bd7c-84bb13374212	19.12.2018
ABBYY FineReader PDF 15 Business. Версия для скачивания (годовая лицензия с академической скидкой)*		Договор №191/Ю	16.11.2020
Kaspersky Endpoint Security для бизнеса – Стандартный Russian Edition. 500-999. Node 1 year Educational Renewal License *		Договор №148/ЕП(У)20-ВБ, 1C1C-200914-092322-497-674	11.09.2020

Антиплагиат. Вуз.*	Договор №3341/12/ЕП(У)21-ВБ	29.01.2021
Подписка Microsoft Office 365	свободно распространяемое для вузов	-
Adobe Acrobat	свободно распространяемое	-
Teams	свободно распространяемое	-
Skype	свободно распространяемое	-
Zoom	свободно распространяемое	-

* отечественное производство

Приложение А
(обязательное)
Фонд оценочных средств
учебной дисциплины Теория вероятностей и математическая статистика

1 Структура фонда оценочных средств

Фонд оценочных средств состоит из двух частей:

а) открытая часть - общая информация об оценочных средствах (название оценочных средств, проверяемые компетенции, баллы, количество вариантов заданий, методические рекомендации для применения оценочных средств и пр.), которая представлена в данном документе, а также те вопросы и задания, которые могут быть доступны для обучающихся;

б) закрытая часть - фонд вопросов и заданий, которая не может быть заранее доступна для обучающихся (варианты контрольных работ, билеты к экзаменам) и которая хранится на кафедре.

2 Перечень оценочных средств текущего контроля и форм промежуточной аттестации

Таблица А.1 - Перечень оценочных средств

№	Оценочные средства для текущего контроля	Разделы (темы) учебной дисциплины	Баллы	Проверяемые компетенции
<i>Третий семестр</i>				
1.	ИДЗ 1	Раздел 1. Элементы комбинаторики и теория вероятностей	25	ОПК-1, ОПК-2
2.	ИДЗ 2	Раздел 2. Одномерные случайные величины	20	
3.	ИДЗ 3	Раздел 3. Системы случайных величин	20	
4.	ИДЗ 4	Раздел 4. Элементы математической статистики	30	
5.	КР 1	Раздел 1. Элементы комбинаторики и теория вероятностей	20	
6.	КР 2	Раздел 2. Одномерные случайные величины	40	
7.	КР 3	Раздел 3. Системы случайных величин	25	
8.	КР 4	Раздел 4. Элементы математической статистики	30	
9.	КР5	Раздел 4. Элементы математической статистики	40	
11.	Экзамен		50	
	ИТОГО		300	

3 Рекомендации к использованию оценочных средств

Таблица А.2– ИДЗ

Критерии оценки	Оценочные средства	Количество вариантов заданий	Количество заданий
- количество выполненных заданий - правильность решений - полнота и обоснованность решений	ИДЗ 1	10	3
	ИДЗ 2	10	2
	ИДЗ 3	10	1
	ИДЗ 4	10	1

Все материалы для проведения промежуточного контроля хранятся на кафедре.

Типовые варианты ИДЗ (Индивидуальное домашнее задание)

ИДЗ Раздел 1. Элементы комбинаторики и теории вероятностей

Задание 1.

1. На карточках написаны числа $\{2,2,2,3,3,3,5,6,7,8,9,11\}$. Случайным образом вынимается одна карточка. Событие A : «число $x \in [3,9]$ ». Событие B : «число x делится на 3». Зависимы ли события A и B ?

2. Подбрасываются два игральных кубика. Какова вероятность, что: модуль разности очков не более 3; произведение очков более 23?
3. На собрании 14 мужчин и 11 женщин. По жребию выбирается делегация из 6 человек. Какова вероятность, что в нее войдут: 4 женщины; не менее 4 женщин?
4. В урне 7 белых и 9 черных. Из урны случайным образом вынимают 3 шара, а затем еще 2. Оказалось, что среди последних нет черных шаров. Какова вероятность, что в первый раз были вынуты только черные шары?
5. На первом станке изготавливают 95% стандартных деталей. На втором, производительность которого в 1,3 раза больше, – 80% стандартных деталей. Наугад взята одна деталь. Какова вероятность, что она стандартна?
6. На белых карточках написаны числа $\{2, 6, 7, 10, 12\}$, на красных $\{1, 4, 7, 9, 11\}$ – числа. Наугад выбираются одна белая и одна красная карточки. Пусть x – число на белой карточке, y – на красной карточке. Найти вероятность события: « $x > y$ ».

Задание 2.

1. Проводится 7 однотипных независимых испытаний. Вероятность успеха в любом испытании равна 0,42. Найти вероятность того, что успех имел место в 5 испытаниях. Найти ту же вероятность, если вероятность успеха в любом испытании увеличилась в два раза.
2. Проводится 6 однотипных независимых испытаний. Вероятность успеха в любом из них равна 0,3. Найти вероятность того, что в приведенных испытаниях число успехов $k \in [3, 5]$.
3. Проводится 70 однотипных независимых испытаний. Вероятность успеха в любом из них равна 0,3. Найти вероятность того, что в приведенных испытаниях число успехов $k \in [25, 51]$.

Задание 3.

Проводится n ($n = 120, n = 240$) независимых однотипных испытаний. Вероятность успеха в любом из них равна 0,65. Найти вероятность того, что частота появления успеха будет отклоняться от его вероятности менее, чем на 0,01. При каком числе испытаний вероятность отклонения частоты появления успеха от его вероятности менее, чем на 0,125, будет равна 0,99?

Типовой вариант ИДЗ Раздел 2. Одномерные случайные величины

Задание 1. Задан закон распределения дискретной случайной величины X . Найти $M(X)$, $M(2X+5)$, $D(X)$, $D(3X-4)$.

x_i	1	2	3	4	5
p_i	0,1	0,2	0,4	0,2	0,1

Задание 2. Для НСВ X задана функция распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 1 \\ A(x^2 - x), & 1 < x \leq 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases} \text{ Найти } A, f(x), M(X), M(3X-2), D(X), D(2X+4), P(X > 1), P(-1 < X < 3).$$

Типовой вариант ИДЗ Раздел 3. Системы случайных величин

Совместное распределение дискретных случайных величин X, Y задано указанием их возможных значений и вероятностей $P_{ij} = P(X = x_i; Y = y_j)$.

Требуется:

1. составить законы распределения случайных величин;
2. вычислить математические ожидания суммы и произведения этих случайных величин;
3. вычислить коэффициент корреляции.

$$x_1 = -2, x_2 = -1, x_3 = 3; y_1 = -3, y_2 = -1, y_3 = 1; (p_{ij}) = \begin{pmatrix} 0,1 & 0,13 & 0,07 \\ 0,05 & 0,15 & 0,2 \\ 0,1 & 0,1 & 0,1 \end{pmatrix}.$$

Типовой вариант ИДЗ Раздел 4. Элементы математической статистики

Дана выборка исследуемой случайной величины X : 1,8; 2; 3,3; 2,6; 1,3; -4; 0,5; 0,7; -0,7; 5,1; 5,7; 2. Доверительная вероятность равна 0,9, математическое ожидание $m = 1,5$ и среднее

квадратическое отклонение $\sigma = 2,5$ Задание: построить график эмпирической функции распределения; построить гистограмму частот; найти несмещенную оценку математического ожидания, а также несмещённые оценки дисперсии при известном и неизвестном математическом ожидании; построить доверительные интервалы для математического ожидания и стандартного отклонения при известном и неизвестном втором параметре соответственно.

Таблица А.3– КР

Критерии оценки	Оценочные средства	Количество вариантов заданий	Количество заданий
• количество выполненных заданий • форма записи решений • степень подробности решений • правильность и обоснованность решений	КР 1	10	2
	КР 2	10	4
	КР 3	10	1
	КР 4	10	1
	КР 5	16	1
	Заочная форма обучения		
	КР	10	6

Демонстрационные варианты контрольных работ (КР)

Демонстрационный вариант КР 1 Элементы комбинаторики и теории вероятностей

1. Производственные мощности трех заводов относятся как 2:3:5. Процент брака соответственно: 3%, 10%, 6%. Случайно взятое изделие оказалось бракованным. Найти вероятность того, что оно изготовлено на втором заводе.
2. Вероятность появления события в каждом из независимых испытаний равна 0,82. Найти вероятность того, что событие наступит 110 раз в 136 испытаниях.

Демонстрационный вариант КР2 Одномерные случайные величины

1. Задан закон распределения дискретной случайной величины X .

x_i	-0,7	0	0,2	0,3	0,8
p_i	0,04	0,06	0,2	0,5	p_5

Найти $p_5, M(X), M(3X+5), D(X), D(2X-4)$.

2. Дискретная случайная величина X – число нечетных чисел при бросании трех игральных костей. Составить закон распределения X .

Задана функция распределения НСВ X . Найти $A, f(x), P(X \in (1,5; 2,5)), M(X)$.

$$F(x) = \begin{cases} 0, & \text{если } x \leq 1, \\ A(x^2 + x - 2), & \text{если } 1 < x \leq 3, \\ 1, & \text{если } x > 3. \end{cases}$$

3. Случайная величина X распределена по нормальному закону $X \sim N(9; 5)$. Найти вероятность попадания этой случайной величины в интервал $(4; 15)$.

Демонстрационный вариант КР3 Системы случайных величин

Найти коэффициент корреляции между величинами X (энерговооруженность труда в квт/час на 1 человека) и Y (годовая выработка на одного работника в млн.рублей) на основании следующих данных:

X	2	3	4	5	6
Y	2,5	3,0	3,5	4,2	5,1

Найти уравнения линейной регрессии Y на X и X на Y . Начертить графики этих уравнений в одной системе координат. Сделать вывод о силе линейной зависимости между X и Y .

Демонстрационный вариант КР4 Элементы математической статистики

По данному распределению выборки построить полигон относительных частот, найти методом произведений а) выборочную среднюю, б) выборочную дисперсию, в) выборочное среднее квадратическое отклонение.

x_i	130	140	150	160	170	180	190
n_i	5	10	30	25	15	10	5

Демонстрационный вариант КР5 Элементы математической статистики

Дана выборка объема $n = 100$ из генеральной совокупности

Промежуток $a_i - b_i$	Частоты n_i	Промежуток $a_i - b_i$	Частоты n_i
0 – 2	1	10 – 12	19
2 – 4	6	12 – 14	8
4 – 6	9	14 – 16	5
6 – 8	21	16 – 18	5
8 – 10	26	18 – 20	2

- с помощью критерия согласия χ^2 для уровня значимости $\alpha = 0,05$ проверить гипотезу о том, что генеральная совокупность имеет нормальное распределение;
- построить доверительный интервал для неизвестного математического ожидания с надёжностью $1 - \alpha = 0,95$.

Демонстрационные варианты контрольных работ (КР) для заочной формы обучения

Демонстрационный вариант КР

Задание 1. Сколько существует трехзначных натуральных чисел, в записи которых: 1) есть хотя бы одна цифра 3; 2) не встречается цифр меньше 3; 3) все цифры четные?

Задание 2. Случайная величина X подчиняется нормальному закону распределения $X \in N(1; \sigma)$. Найти плотность распределения вероятностей случайной величины $Y = |X - 1|$.

Задание 3. Коэффициент корреляции ρ_{XY} двух случайных величин X и Y $\rho_{XY} = \frac{1}{2}$. Дисперсии этих случайных величин равны соответственно $\sigma_X^2 = 4$ и $\sigma_Y^2 = 9$. Для случайных величин $\xi = 2X - 3Y$ и $\eta = 5X + 2Y$ найти их дисперсии и коэффициент корреляции.

Задание 4. Плотность двумерного нормального распределения случайного вектора $(X; Y)$ имеет вид: $p(x, y) = C \cdot \exp\left(-\frac{1}{2}(2x^2 - 4xy + 5y^2 - 12x + 18y + 21)\right)$.

Найти математические ожидания m_X и m_Y , среднеквадратичные отклонения σ_X, σ_Y случайных компонент вектора $(X; Y)$, коэффициент корреляции ρ_{XY} , значение постоянной C . Найти плотность распределения случайного вектора $(-2X + 3Y; 4X + Y)$.

Задание 5. Непрерывная случайная величина X имеет χ^2 распределение с 5 степенями свободы. Количество наблюдаемых значений X (объем выборки) $n=1000$. Найти ожидаемое число наблюдений случайной величины X , которые попадают в заданные интервалы Δ_k :

$\Delta_1 = [0; 0,412), \Delta_2 = [0,412; 0,831), \Delta_3 = [0,831; 1,61), \Delta_4 = [1,61; 6,06),$

$\Delta_5 = [6,06; 11,1), \Delta_6 = [11,1; +\infty)$.

Задание 6. В результате эксперимента получены данные, приведенные в таблице. Построить вариационный ряд, эмпирическую функцию распределения, гистограмму частот с шагом h . Вычислить выборочные аналоги следующих числовых характеристик: математического ожидания, дисперсии, исправленной выборочной дисперсии, медианы, вероятности $P(X \in [c; d])$. При уровне значимости $\alpha = 0,05$ проверить по критерию χ^2 гипотезу о нормальном распределении генеральной совокупности. Вычислить наибольшее значение уровня значимости, на котором еще нет оснований отвергнуть данную гипотезу.

Таблица. $h = 0,1; c = 2,05; d = 2,3$

2,32	1,96	2,33	2,09	2,01	1,89	2,74	2,01	1,84	1,96
2,10	2,28	2,15	2,12	1,93	2,07	1,99	2,02	2,09	2,07
2,19	1,84	1,97	2,02	2,06	1,87	1,82	1,88	2,12	2,14
2,13	2,23	2,61	1,96	2,19	1,99	1,85	2,00	2,15	2,18
1,91	1,91	2,00	2,08	2,02	2,12	2,03	1,73	2,13	1,95

Методические указания по оформлению контрольных работ обучающихся по заочной форме

Контрольная работа должны быть оформлены в соответствии с нижеизложенными правилами: контрольная работа следует выполнять в отдельной тетради чернилами любого цвета, кроме красного, оставляя поля для замечаний рецензента; на обложке тетради должны быть написаны фамилия и инициалы обучающегося, шифр, название дисциплины, здесь же следует указать дату сдачи (отсылки) работы в университет и адрес электронной почты студента; должны быть выполнены все задания своего варианта (работы, содержащие не все задания, а также содержащие задания другого варианта, не рецензируются); студент должен выполнить задания варианта, номер которого совпадает с последней цифрой номера его зачетной книжки. Если номер зачетной книжки заканчивается на 0, то следует решать задачи 10 варианта; задачи в работе надо располагать в порядке возрастания номеров, сохраняя нумерацию; перед решением каждой задачи нужно выписать полностью её условие, подставляя конкретные данные из своего варианта; решение задач следует излагать подробно, объясняя все действия по ходу решения и делая необходимые чертежи; рекомендуется оставлять в конце тетради чистые листы для исправлений и дополнений в соответствии с указаниями рецензента (вносить исправления в сам текст работы после её рецензирования запрещается); после получения не зачтенной, прорецензированной работы обучающийся должен исправить все указанные рецензентом ошибки и недочеты в той же тетради после слов работа над ошибками и сдать на повторную проверку; к экзамену допускаются только те обучающиеся, контрольные работы которых зачтены рецензентом. Так как на рецензирование контрольной работы преподавателю отводится две недели, то задания следует высылать на проверку заблаговременно. Зачтенные работы остаются у рецензента и хранятся на кафедре; на экзамене студент, кроме ответов на теоретические вопросы, защищает свои контрольные работы, отвечая на вопросы преподавателя и решая аналогичные задачи.

Таблица А.5 – Экзамен

<i>Критерии оценки</i>	<i>Количество вариантов билетов</i>	<i>Количество вопросов и заданий</i>
• грамотность и логическая последовательность изложения материала • точность использования математической терминологии и символики • знание и понимание теоретического содержания курса • правильность и обоснованность решений • сформированность необходимых практических умений	10	2 теоретических вопроса, 4 типовых задач

Теоретические вопросы к экзамену

1. Принципы сложения и умножения в комбинаторике. Размещения, перестановки и сочетания без повторений, с повторениями.
2. Простейшие свойства несовместных событий. Вероятность суммы событий.
3. Понятие условной вероятности. Теорема о вероятности произведения двух событий. Независимые и зависимые события.
4. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
5. Повторение испытаний. Формула Бернулли. Предельные теоремы.
6. Дискретные случайные величины. Закон распределения, условие нормировки. Моменты дискретных случайных величин.
7. Функция распределения дискретной случайной величины, ее график.
8. Дискретная случайная величина, имеющая биномиальное распределение (распределение Бернулли). Условие нормировки, вычисление математического ожидания и дисперсии.

9. Функция распределения непрерывной случайной величины и ее свойства.
10. Плотность распределения непрерывной случайной величины и ее свойства. Числовые характеристики непрерывной случайной величины.
11. Случайная величина, имеющая равномерное распределение на отрезке $[a; b]$. Вычисление математического ожидания и дисперсии.
12. Нормальное распределение одной случайной величины. Проверка условия нормировки плотности.
13. Вычисление математического ожидания и дисперсии нормальной случайной величины.
14. Функция Лапласа и ее свойства.
15. Функция распределения нормальной случайной величины. Правило 3σ для нормальной случайной величины.
16. Функция распределения и плотность распределения системы случайных величин, их свойства.
17. Независимые и зависимые случайные величины. Математическое ожидание функции случайных величин, его свойства.
18. Дисперсия функции случайных величин, ее свойства.
19. Свойства корреляционного момента. Коэффициент корреляции.
20. Критерий невырожденной линейной зависимости двух случайных величин.
21. Нормальное распределение системы двух случайных величин. Критерий независимости двух случайных величин, распределенных по нормальному закону.
22. Линейная функция одной случайной величины. Линейная функция случайной величины, имеющей нормальное распределение.
23. Гамма-функция и ее свойства.
24. Распределение Пирсона (χ_n^2 – распределение).
25. Распределение Стьюдента.
26. Предельные теоремы и неравенства теории вероятностей.
27. Точечные оценки параметров распределения случайной величины.
28. Доверительные оценки параметров распределения случайной величины.
29. Проверка гипотезы о виде распределения генеральной совокупности (критерий χ^2).
30. Цели и задачи математической статистики. Генеральная совокупность. Конечная и случайная выборки. Репрезентативность выборки.
31. Эмпирическая функция распределения, полигон и гистограмма.
32. Точечные оценки числовых характеристик и параметров генеральной СВ на основе выборки и характеристики их качества (состоятельность, несмещённость и эффективность).
33. Выборочное среднее. Выборочная дисперсия. Несмещённая выборочная дисперсия.
34. Получение точечных оценок неизвестных параметров распределений методом моментов.
35. Получение точечных оценок неизвестных параметров распределений методом максимального правдоподобия.
36. Интервальные оценки неизвестных параметров распределений. Доверительная вероятность (надёжность).
37. Построение доверительного интервала для неизвестного математического ожидания нормально распределённой СВ при известной дисперсии.
38. Построение доверительного интервала для неизвестного математического ожидания нормально распределённой СВ при неизвестной дисперсии.
39. Построение доверительного интервала для неизвестной дисперсии нормально распределённой СВ при известном математическом ожидании.
40. Построение доверительного интервала для неизвестной дисперсии нормально распределённой СВ при неизвестном математическом ожидании.
41. Условное математическое ожидание. Уравнения выборочной линейной регрессии Y на X и X на Y .
42. МНК построения уравнения выборочной линейной регрессии Y на X .

43. Статистическая проверка гипотез. Параметрические гипотезы. Понятия критерия, критической области, ошибки первого и второго рода, мощности критерия.
44. Гипотеза о равенстве средних двух нормальных распределений при известных дисперсиях.
45. Гипотеза о равенстве средних двух нормальных распределений при неизвестных дисперсиях.
46. Гипотеза о равенстве дисперсий двух нормальных распределений при известных средних.
47. Критерий согласия χ^2 относительно закона распределения генеральной СВ.
48. Критерий согласия χ^2 для распределения Пуассона.
49. Критерий согласия χ^2 для нормального распределения.

Пример экзаменационного билета

Новгородский государственный университет имени Ярослава Мудрого

Кафедра прикладной математики и информатики

Учебная дисциплина Теория вероятностей и математическая статистика

Для направления подготовки

11.03.01 Радиотехника направленность (профиль) Радиотехнические средства передачи, приема и обработки сигналов; направленность (профиль) Аппаратно-программные средства радиотехнических систем

11.03.03 Конструирование и технология электронных средств направленность (профиль) Проектирование и технология радиоэлектронных средств; направленность (профиль) Информационные технологии в проектировании электронных средств

11.03.04 Электроника и нанoeлектроника направленность (профиль) Микроэлектроника и твердотельная электроника

Экзаменационный билет № 0

1. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
2. Распределение Пирсона (χ_n^2 – распределение).
3. Дискретная случайная величина X – число нечетных чисел при бросании трех игральных костей. Составить закон распределения X .
4. Дана функция распределения $F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2, \\ 0,3, & 2 < x \leq 3, \\ 0,5, & 3 < x \leq 4, \\ 1, & x > 4. \end{cases}$ дискретной случайной величины X . Найти $M(X)$, $P(X \geq 3,5)$, $P(|X| < 2,5)$.
5. Плотность распределения непрерывной случайной величины $f(x) = \begin{cases} 0, & x \notin [0; 2a], \\ x, & x \in [0; a], \\ 2a - x, & x \in [a; 2a]. \end{cases}$ Найти значение $a > 0$, функцию распределения.
6. Коэффициент корреляции ρ_{XY} двух случайных величин X и Y $\rho_{XY} = \frac{3}{4}$. Дисперсии этих случайных величин равны соответственно $\sigma_X^2 = 9$ и $\sigma_Y^2 = 0,04$. Для случайных величин $\xi = 2X + 3Y$ и $\eta = -2X + 4Y$ найти дисперсии и коэффициент корреляции.

Принято на заседании кафедры «___» _____ 20__ г. Протокол № _____

Заведующий кафедрой _____ А.С. Татаренко

**Приложение Б
(обязательное)**

Карта учебно-методического обеспечения

учебной дисциплины Теория вероятностей и математическая статистика

Таблица Б.1 – Основная литература*

Библиографическое описание издания (автор, наименование, вид, место и год издания, кол. стр.)	Кол. экз. в библ. НовГУ	Наличие в ЭБС
Печатные источники		
1. Гмурман В. Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : учеб. пособие для студентов вузов / В. Е. Гмурман. - 6-е изд., доп. - М. : Высшая школа, 2002. - 403, [1] с.	58	https://novsu.bibliotech.ru
2. Гмурман В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учеб. пособие для студентов вузов / В. Е. Гмурман. - 8-е изд., стер. - М.: Высшая школа, 2002. - 478, [1] с. - Прил.: с. 461-473. - Указ.: с. 474-479.	80	https://novsu.bibliotech.ru
3. Высшая математика в упражнениях и задачах: в 2 ч. Ч. 2 / П. Е. Данко [и др.]. - 7-е изд., испр. - М.: ОНИКС: Мир и Образование, 2008. - 448 с.	10	
Электронные ресурсы		
Электронные учебники http://www.mathhelp.spb.ru/		

**См. требования п. 4.3.3 ФГОС 3++ (как правило, при использовании в образовательном процессе печатных изданий библиотечный фонд должен быть укомплектован печатными изданиями из расчета не менее 0,25 экземпляра на каждого из изданий, указанных в рабочих программах дисциплин (модулей), на одного обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих соответствующую дисциплину (модуль)).*

Таблица Б.2 – Дополнительная литература

Библиографическое описание издания (автор, наименование, вид, место и год издания, кол. стр.)	Кол. экз. в библ. НовГУ	Наличие в ЭБС
Печатные источники		
1. Высшая математика: Контр. зад. и мет. указ. для студ. 30 обучения / Сост. С.О. Карданов, Е.Ю. Карданова; НовГУ им. Ярослава Мудрого. – Великий Новгород, 2011. – 52с.(4ч.)	28	
2. Высшая математика часть 2 [Электронный ресурс]: Мет. указ. и контр. Задания для студ. 30 обучения / Сост. О.Н. Барсов; НовГУ им. Ярослава Мудрого. – Великий Новгород, 2013. – 78с. – Режим доступа: WWW.URL : https://novsu.bibliotech.ru	наличие на КПМИ	https://novsu.bibliotech.ru
Электронные ресурсы		
3. Теория вероятностей и математическая статистика. Базовый курс с примерами и задачами : учебное пособие / А. И. Кибзун, Е. Р. Горяинова, А. В. Наумов. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2005. — 224 с. — ISBN 5-9221-0231-1. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система.		URL: https://e.lanbook.com/book/2198 Режим доступа для авториз. пользователей
4. Теория вероятностей и математическая статистика : учеб. пособие для вузов / Н. Ш. Кремер. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: ЮНИТИ, 2004. - 573 с. : ил. - Библиогр.: с. 533-534. - Прил.: с. 553-561. - Указ.: с. 562-573. - Изд-во в вых. дан.: ЮНИТИ-ДАНА. - ISBN 5-238-00573-3.	3	
5. Теория вероятностей и математическая статистика. Примеры с решениями: учебник для среднего профессионального образования / Ю. Я. Кацман. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 130 с.		
6. Статистика в медицине и биологии : руководство : в 2 т. Т. 1 / В. А. Медик, М. С. Токмачев, Б. Б. Фишман ; под ред. Ю. М. Комарова ; РАМН, Сев.-Зап. отд-ние [и др.]. - М. : Медицина, 2000. - 455 с.: ил. - Библиогр.: с. 451-455. - ISBN 5-225-04630-4	наличие на КПМИ	https://novsu.bibliotech.ru

7. Статистика в медицине и биологии : руководство : в 2 т. Т. 2 : Прикладная статистика здоровья / В. А. Медик, Б. Б. Фишман, М. С. Токмачев ; под ред. Ю. М. Комарова ; РАМН, Сев.-Зап. отд-ние [и др.]. - М. : Медицина, 2001. - 352 с. : ил. - Библиогр.: с. 338-352. - ISBN 5-225-04155-8	наличие на КПМИ	https://novsu.bibliotech.ru
---	-----------------------	---

Таблица Б.3 – Информационное обеспечение

Наименование ресурса	Договор	Срок договора
Профессиональные базы данных		
База данных электронной библиотечной системы вуза «Электронный читальный зал-БиблиоТех» https://www.novsu.ru/dept/1114/bibliotech/	Договор № БТ-46/11 от 17.12.2014	бессрочный
Электронный каталог научной библиотеки http://mars.novsu.ac.ru/MarcWeb/	База собственной генерации	бессрочный
База данных «Аналитика» (картотека статей) http://mars.novsu.ac.ru/MarcWeb/	База собственной генерации	бессрочный
База данных Научной электронной библиотеки eLIBRARY.RU https://elibrary.ru/	в открытом доступе	-
Национальная подписка в рамках проекта Министерства образования и науки РФ (Госзадание № 4/2017 г.) к наукометрическим БД Scopus и Web of Science https://www.webofscience.com/wos/woscc/basic-search https://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic#basic	регистрация (территория вуза)	2022
База данных электронно-библиотечной системы «Национальная электронная библиотека» https://нэб.рф	в открытом доступе	-
Информационные справочные системы		
Университетская информационная система «РОССИЯ» https://uisrussia.msu.ru	в открытом доступе	-
Национальный портал онлайн обучения «Открытое образование» https://openedu.ru	в открытом доступе	-

Зав. кафедрой А.С. Татаренко А.С. Татаренко

«24» декабрь 2020 г.

**Лист актуализации рабочей программы
учебной дисциплины Теория вероятностей и математическая статистика**

Рабочая программа актуализирована на 20___/20___ учебный год.

Протокол № _____ заседания кафедры от « _____ » _____ 20__ г.

Разработчик: _____

Зав. кафедрой: _____

Рабочая программа актуализирована на 20 /20 учебный год.

Протокол № _____ заседания кафедры от « _____ » _____ 20__ г.

Разработчик: _____

Зав. кафедрой

Рабочая программа актуализирована на 20__ /20__ учебный год.

Протокол № _____ заседания кафедры от « _____ » _____ 20 ____ г.

Разработчик: _____

Зав. кафедрой

Таблица В.1 Перечень изменений, внесенных в рабочую программу:

[illegible]