## Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Новгородский государственный университет имени Ярослава Мудрого» Институт электронных и информационных систем

Кафедра прикладной математики и информатики

**УТВЕРЖДАЮ** 

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебной дисциплины

Математика

по направлению подготовки (специальности)

38.03.01 Экономика

Направленность (профиль) Финансы и кредит

СОГЛАСОВАНО Начальник отдела обеспечения деятельности ИЭИС

И.Н. Гуркова

Старший преподаватель КПМИ

Разработала

С.В. Неустроева

2023 г.

Принято на заседании кафедры

Протокол № 10 от « 14 » 06 2023 г.

Заведующий кафедрой КПМИ

В.А. Едемский

2023 г.

### 1 Цели и задачи освоения учебной дисциплины

**Цель освоения учебной дисциплины**: формирование компетентности студентов в области фундаментальных знаний математических наук, необходимых для выполнения работ и проведения исследований в профессиональной деятельности

### Задачи:

- сформировать представление у студентов об основных принципах моделирования и анализа экономических систем;
- ознакомить их с примерами применения математических моделей и методов в экономике;
- ознакомить обучающихся с системой понятий, используемых для описания важнейших математических моделей и математических методов, и их взаимосвязью;
- подготовить студентов к изучению и применению методов математического анализа и моделирования, математического аппарата при решении профессиональных проблем;
- организовать среду для эффективного изучения основных понятий и методов аналитической геометрии, линейной алгебры и математического анализа;
- подготовить обучающихся к самостоятельному изучению тех разделов математики, которые могут потребоваться дополнительно в практической исследовательской работе.

## 2 Место учебной дисциплины в структуре ОПОП

Учебная дисциплина входит в обязательную часть учебного плана основной профессиональной образовательной программы направления подготовки 38.03.01. Дисциплина обеспечивает математическую подготовку бакалавров и необходима для освоения учебной программы ряда учебных модулей естественнонаучного и профессионального циклов, в частности для изучения учебных элементов и разделов по теории вероятностей, статистики, информатики, а также многих разделов экономики, например, таких как бухгалтерский учет, менеджмент, экономика организации, разделов финансовой математики.

## 3 Требования к результатам освоения учебной дисциплины

Перечень компетенций, которые формируются в процессе освоения учебной дисциплины:

Универсальные компетенции

УК-1 - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

Общепрофессиональные компетенции:

ОПК-2 - Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач.

Таблица 1 – Результаты освоения учебной дисциплины

Код и наименование		ьтаты освоения учебной	
компетенции		икаторы достижения ко	, ,
УК-1-Способен осуществлять	Знать	Уметь выявлять	Владеть навыками
поиск, критический анализ и	особенности	системные связи и	анализа и синтеза
синтез информации, применять	систематизации	отношения между	научной информации;
системный подход для решения	информации,	изучаемыми	навыкам и
поставленных задач	полученной из	явлениями,	логической
	разных	процессами,	аргументации
	источников и	практиками и	выводов и суждений
	методы ее	определять	в решении
	критического	противоречия,	профессиональных
	анализа	возникающие в	задач
		данных связях и	
		отношениях;	
		применять системный	
		подход в	
		интеллектуальной	
		деятельности	
ОПК-2- способен осуществлять	Знать о важности	Уметь	Владеть основными
сбор, обработку и	современной и	использовать	методами сбора,
статистический анализ данных,	актуальной	традиционные	обработки и анализа
необходимых для решения	информации,	методики обработки	информации,
поставленных экономических	иметь	данных в	необходимой для
задач	представление об	зависимости от	принятия
	источниках	поставленных	управленческих
	информации,	задач.	решений различного
	необходимой для		уровня.
	анализа		
	деятельности и		
	решения		
	поставленных		
	задач		

# 4 Структура и содержание учебной дисциплины

# 4.1 Трудоемкость учебной дисциплины

Таблица 2 - Трудоемкость учебной дисциплины для очной формы обучения

Части учебной дисциплины	Всего	Распределение по семестрам
		1 семестр
1.Трудоемкость учебной дисциплины в зачетных единицах (3ET)	6	6
2.Контактная аудиторная работа в академических часах (АЧ)	84	84
3. Курсовая работа/курсовой проект (АЧ) (при наличии)		-
4.Внеаудиторная СРС в академических часах (АЧ)	96	96
5.Промежуточная аттестация (экзамен) (АЧ)	36	36 (экзамен)

## 4.2 Содержание учебной дисциплины

## Раздел № 1 Линейная алгебра, аналитическая геометрия и основы векторного анализа

## 1.1 Определители. Свойства определителей.

Определители, вычисление определителей. Правило треугольника для определителей 3-го порядка. Миноры и алгебраические дополнения элементов определителя. Разложение определителя по произвольному ряду. Свойства определителей.

1.2 Векторные величины на плоскости и в трёхмерном пространстве.

Понятие вектора, заданного на плоскости и в трехмерном пространстве. Геометрическая интерпретация векторных величин. Координаты и длина вектора. Равенство векторов. Коллинеарность и компланарность векторов. Проекция вектора на ось. Теоремы о представлении произвольного вектора на плоскости или в трёхмерном пространстве в заданной системе координат. Линейные операции над векторами: сложение векторов, умножение вектора на число. Скалярное произведение векторов. Основные свойства скалярного произведения. Векторное произведение векторов, свойства.

1.3 Основы аналитической геометрии на плоскости и в трёхмерном пространстве.

Прямая линия на плоскости. Каноническое и параметрическое задание прямой на плоскости. Общее уравнение прямой на плоскости, другие виды уравнений прямой на плоскости. Взаимное расположение прямых на плоскости: условия параллельности и перпендикулярности прямых, точка пересечения прямых, угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой на плоскости. Общее уравнение плоскости. Уравнение плоскости, проходящей через три точки, уравнение плоскости в отрезках. Угол между плоскостями. Варианты взаимного расположения двух плоскостей. Расстояние от точки до плоскости. Каноническая и параметрическая формы задания прямой в пространстве. Угол между прямыми в пространстве, угол между прямой и плоскостью.

## 1.4 Матрицы.

Понятие матрицы, виды матриц. Размерность матрицы. Равенство, транспонирование матриц. Линейные операции над матрицами: сложение матриц, умножение матрицы на действительное число, свойства. Произведение матриц, свойства. Ранг матрицы. Нахождение ранга матрицы с помощью элементарных преобразований. Обратная матрица. Теорема о существовании обратной матрицы. Аналитическая формула для элементов обратной матрицы. Свойства обратных матриц.

## 1.5 Системы линейных алгебраических уравнений.

Понятие линейного уравнения, его решения. Понятие системы m линейных уравнений с n неизвестными. Понятие решения системы линейных уравнений. Критерий совместности системы линейных уравнений (теорема Кронекера-Капелли). Критерий определенности системы линейных уравнений. Матричная форма записи системы линейных уравнений. Методы решения квадратных систем линейных уравнений: матричный метод, метод Крамера, метод Гаусса. Алгоритм решения произвольной линейной неоднородной системы.

### 1.6 Конечномерное евклидово пространство.

Понятие п-мерного вектора. Линейные операции над векторами. Длина (модуль) вектора. Расстояние между двумя точками. Скалярное произведение векторов. Конечномерное евклидово пространство как множество векторов с введенными линейными операциями и скалярным произведением. Угол между двумя векторами в конечномерном евклидовом пространстве. Понятие ортогональности векторов. Системы векторов в конечномерном евклидовом пространстве. Линейная зависимость и независимость систем векторов, свойства. Ранг системы векторов. Свойство сохранения ранга системы при проведении элементарных преобразований. Разложение произвольного вектора системы по подсистеме линейно независимых векторов. Базис в конечномерном евклидовом пространстве. Разложение произвольного вектора по базису. Координаты вектора в конкретном базисе. Стандартный базис в конечномерном евклидовом пространстве.

## Раздел № 2 Математический анализ

## 2.1 Понятие функции. Предел функции.

Понятие функции одной независимой переменной. Область определения, множество значений функции. Способы задания функции. Функция натурального аргумента. Предел числовой последовательности. Предел функции, различные определения предела функции в точке.

Односторонние пределы. Свойства функций, имеющих предел. Свойства пределов функций. Бесконечно малые и бесконечные большие функции в точке. Связь между бесконечно малыми и бесконечно большими функциями. Неопределенности, возникающие при переходе к пределу, различные виды неопределенностей. Первый и второй замечательные пределы.

## 2.2 Непрерывность функции одной переменной.

Понятие непрерывности функции. Основные свойства непрерывных функций. О возможности перехода к пределу под знаком непрерывной функции. Свойства непрерывных функций. Понятие разрыва функции в заданной точке. Разрывы первого и второго рода.

## 2.3 Дифференцируемость функции одной переменной.

Понятие производной функции в заданной точке. Геометрический и физический смысл производной. Производная как функция. Дифференцирование функции. Правила дифференцирования. Производная сложной функции. Производные основных элементарных функций. Односторонние производные. Дифференциал функции. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Теоремы о среднем. Производные и дифференциалы высших порядков. Разложение функции в окрестности заданной точки, Формула Тейлора. Различные формы остаточного члена в формуле Тейлора. Правило Лопиталя. Исследование функции с помощью производной. Монотонность функции, необходимое и достаточное условие. Локальный экстремум функции, необходимое и достаточное условие. Выпуклость вогнутость функции. Асимптоты к графику функции: наклонные и вертикальные. Схема построения графика функции.

## 2.4 Интегрирование функции одной переменной.

Понятие первообразной заданной функции. Интегрирование функции. Связь между интегрированием и дифференцированием. Неопределенный интеграл, геометрический смысл, свойства. Таблица интегралов. Методы вычисления неопределённых интегралов: замена переменной, интегрирование по частям. Интегрирование дробно-рациональных выражений, некоторых выражений, содержащих радикалы. Определённый интеграл, геометрический смысл, свойства. Определённый интеграл как функция от переменного верхнего предела, формула Ньютона-Лейбница. Общие методы вычисления определённых интегралов: метод замены переменной, метод интегрирования по частям.

## 4.3 Трудоемкость разделов учебной дисциплины и контактной работы

	рудоемкость		

No	Наименование разделов (тем)				ота (в А		Внеауд.	Формы
	учебной дисциплины (модуля), УЭМ,	A	Аудиторная			ЭКЗ	CPC	текущего
	наличие КП/КР	ЛЕК	П3	ЛР	CPC		(в	контроля
							АЧ)	
1	Определители. Свойства определителей	2	2	-	1		1	КР №2, ИДЗ №3
2	Векторные величины на плоскости и в трёхмерном пространстве	4	0	-			2	ИДЗ №1
3	Основы аналитической геометрии на плоскости и в трёхмерном пространстве	5	4	-	2		14	КР №1, ИДЗ №2
4	Матрицы	4	2	-	1		5	КР № 2 ИДЗ №3
5	Системы линейных уравнений	6	3	-	2		10	КР № 2 ИДЗ №3
6	Конечномерное евклидово пространство	6	2	-	1		8	ИДЗ №4
7	Понятие функции. Предел функции	8	3	-	1		12	КР №3 ИДЗ №5
8	Непрерывность функции одной переменной	3	1	-			8	КР №3 ИДЗ №5
9	Дифференцируемость функции одной переменной	8	6	-	2		18	КР №4 ИДЗ №6

10	Интегрирование функции одной переменной	10	5	-	2		18	КР №5 ИДЗ №7
	Промежуточная аттестация			-		36		Экзамен
	ИТОГО	56	28	-	12	36	96	

## 4.4 Лабораторные работы и курсовые работы/ курсовые проекты

4.4.1 Перечень тем лабораторных работ:

Лабораторные работы не предусмотрены учебным планом.

4.4.2 Примерные темы курсовых работ/курсовых проектов:

Курсовые работы/курсовые проекты не предусмотрены учебным планом.

## 5 Методические рекомендации по организации освоения учебной дисциплины

Таблица 4 - Методические рекомендации по организации лекций

№	Темы лекционных занятий (форма проведения)	Трудоем- кость в АЧ
1.	Определители. Свойства определителей (вводная лекция, информационная лекция, лекция-презентация)	2
2	Векторные величины на плоскости и в трёхмерном пространстве (обзорная лекция, информационная лекция, лекция-презентация)	4
3	Основы аналитической геометрии на плоскости и в трёхмерном пространстве. (проблемная лекция, информационная лекция, лекция-презентация)	5
4	Матрицы (проблемная лекция, информационная лекция, лекция-презентация)	4
5	Системы линейных уравнений (обзорная лекция, информационная лекция, лекция-презентация)	6
6	Конечномерное евклидово пространство (вводная лекция, обзорная лекция, информационная лекция, лекция-презентация)	6
7	Понятие функции. Предел функции (вводная лекция, <i>обзорная лекция, информационная лекция, лекция-презентация)</i>	8
8	Непрерывность функции одной переменной (информационная лекция, лекция-презентация)	3
9	Дифференцируемость функции одной переменной (проблемная лекция, обзорная лекция, информационная лекция, лекция-презентация)	8
10	Интегрирование функции одной переменной (проблемная лекция, обзорная лекция, информационная лекция, лекция-презентация)	10
	ИТОГО	56

Таблица 5 – Методические рекомендации по организации практических занятий

№	Темы практических занятий (форма проведения)	Трудоем-
		кость
		в АЧ
1.	Определители. Свойства определителей (решение типовых задач преподавателем, фронтальная работа с аудиторией, работа в малых группах, выполнение индивидуальных заданий)	2
2	Основы аналитической геометрии на плоскости и в трёхмерном пространстве (решение типовых задач преподавателем, фронтальная работа с аудиторией, работа в малых группах, выполнение индивидуальных заданий)	4
3	Матрицы (решение типовых задач преподавателем, фронтальная работа с аудиторией, работа в малых группах, выполнение индивидуальных заданий)	2
4	Системы линейных уравнений (решение типовых задач преподавателем, фронтальная работа с аудиторией, работа в малых группах, выполнение индивидуальных заданий)	3
5	Конечномерное евклидово пространство (решение типовых задач преподавателем, фронтальная работа с аудиторией, работа в малых группах, выполнение индивидуальных заданий)	2

6	Понятие функции. Предел функции (решение типовых задач преподавателем, фронтальная работа с аудиторией, работа в малых группах, выполнение индивидуальных заданий)	3
7	Непрерывность функции одной переменной (решение типовых задач преподавателем, фронтальная работа с аудиторией, работа в малых группах, выполнение индивидуальных заданий)	1
8	Дифференцируемость функции одной переменной (решение типовых задач преподавателем, фронтальная работа с аудиторией, работа в малых группах, выполнение индивидуальных заданий)	6
9	Интегрирование функции одной переменной (решение типовых задач преподавателем, фронтальная работа с аудиторией, работа в малых группах, выполнение индивидуальных заданий)	5
	ИТОГО	28

**6 Фонд оценочных средств учебной дисциплины** Фонд оценочных средств представлен в Приложении А.

## 7 Условия освоения учебной дисциплины

## 7.1 Учебно – методическое обеспечение

Учебно-методическое обеспечение учебной дисциплины представлено В Приложении Б.

Таблица 6 - Материально-техническое обеспечение учебной дисциплины

No	Требование к материально-техническому обеспечению согласно ФГОС ВО	Наличие материально-технического оборудования				
Учебные аулитории пля провеления		аудитория для проведения лекционных и/или практических занятий: учебная мебель (столы, стулья, доска)				
1.	унебилу занатий	компьютерный класс с выходом в Интернет, для проведения практических занятий	, в том числе			
		помещения для самостоятельной работы (наличие компьютера, выход в Интернет)				
2.	Мультимедийное оборудование	проектор, компьютер, экран				
3.	Программное обеспечение					
Н	аименование программного продукта	Обоснование для использования (лицензия, договор, счёт, акт или иное)	Дата выдачи			
Подп	иска Microsoft Office 365	свободно распространяемое для вузов	-			
Adobe	e Acrobat	свободно распространяемое	=			
Teams	3	свободно распространяемое	=			
Skype		свободно распространяемое	-			
Zoom		свободно распространяемое	-			

## Приложение А (обязательное)

## Фонд оценочных средств учебной дисциплины Математика

## 1.Структура фонда оценочных средств

Фонд оценочных средств состоит из двух частей:

- а) открытая часть общая информация об оценочных средствах (название оценочных средств, проверяемые компетенции, баллы, количество вариантов заданий (методические рекомендации для применения оценочных средств и пр.), которая представлена в данном документе, а также те вопросы и задания, которые могут быть доступны для обучающегося;
- б) закрытая часть фонд вопросов и заданий, которая не может быть заранее доступна для обучающихся (экзаменационные билеты, вопросы к контрольной работе и пр.) и которая хранится на кафедре.

# 2. Перечень оценочных средств текущего контроля и форм промежуточной аттестации

Таблица А.1 – Перечень оценочных средств

№	Оценочные средства для текущего контроля	Разделы (темы) учебной дисциплины	Баллы	Проверя емые компете нции
1.	Индивидуальное домашнее задание №1	Векторные величины на плоскости и в трёхмерном пространстве	15	УК-1, ОПК-2
2.	Контрольная работа №1	Основы аналитической геометрии на плоскости и в трёхмерном пространстве	20	УК-1, ОПК-2
3.	Индивидуальное домашнее задание №2	Основы аналитической геометрии на плоскости и в трёхмерном пространстве	25	УК-1, ОПК-2
4.	Контрольная работа №2	Определители. Свойства определителей. Матрицы. Системы линейных уравнений	25	УК-1, ОПК-2
5.	Индивидуальное домашнее задание №3	Определители. Свойства определителей. Матрицы. Системы линейных уравнений	25	УК-1, ОПК-2
6.	Индивидуальное домашнеезадание№4	Конечномерное евклидово пространство	20	УК-1, ОПК-2
7.	Индивидуальное домашнее задание№5	Понятие функции. Предел функции. Непрерывность функции одной переменной	20	УК-1, ОПК-2
8.	Контрольная работа №3	Понятие функции. Предел функции. Непрерывность функции одной переменной	15	УК-1, ОПК-2
9.	Индивидуальное домашнее задание №6	Дифференцируемость функции одной переменной	25	УК-1, ОПК-2
10.	Контрольная работа №4	Дифференцируемость функции одной переменной	20	УК-1, ОПК-2
11.	Индивидуальное домашнее задание №7	Интегрирование функции одной переменной	20	УК-1, ОПК-2
12.	Контрольная работа №5	Интегрирование функции одной переменной	20	УК-1, ОПК-2
	Экзамен		50	УК-1, ОПК-2
	ИТОГО		300	

## 3 Рекомендации к использованию оценочных средств

1) Индивидуальные домашние задания

Таблица А.2 – Индивидуальные домашние задания

Критерии оценки	Количество вариантов заданий	Количество вопросов
Количество правильных ответов	25	4-6
Использование терминологии		
Обоснованность решений		

## Демонстрационные варианты индивидуальных домашних заданий

ИДЗ №1 по теме «Векторные величины на плоскости и в трёхмерном пространстве»

- 1. Найти координаты векторов  $\bar{c}$  и  $\bar{d}$ , скалярное произведение этих векторов, если  $\bar{c}=\lambda_1\bar{a}+\lambda_2\bar{b},$   $\bar{d}=\lambda_3\bar{a}+\lambda_4\bar{b},$   $\bar{a}(2,0,4),$   $\bar{b}(1,3,2).$
- 2. Найти угол между единичными векторами  $\overline{e_1}$  и  $\overline{e_2}$ , если известно, что взаимно перпендикулярны векторы  $\overline{a} = \lambda_2 \overline{e_1} + \lambda_3 \overline{e_2}$ ,  $\overline{b} = \lambda_4 \overline{e_1} + \lambda_1 \overline{e_2}$ .
- 3. Даны вершины треугольника ABC:  $A(\lambda_1, 0, -2)$ ,  $B(1, \lambda_2, 1)$ ,  $C(3, \lambda_3, \lambda_4)$ . Найти: 1) проекцию вектора  $\overline{AB}$  на вектор  $\overline{AC}$ ;
- 2) косинусы внутренних углов треугольника;
- 3) длину и направляющие косинусы вектора  $\bar{a} = \lambda_3 \cdot \overline{AB} \lambda_1 \cdot \overline{CB}$ .

$$\lambda_1 = 1, \lambda_2 = -2, \lambda_3 = -3, \lambda_4 = 2.$$

ИДЗ №2 по теме «Основы аналитической геометрии на плоскости и в трёхмерном пространстве»

- 1. Даны вершины треугольника ABC: A(-1;3);B(2;-3);C(3;5). Найти:
- а) уравнение стороны АВ;
- б) уравнение высоты СН;
- в) уравнение медианы АМ;
- г) точку N пересечения AM и CH;
- д) уравнение прямой, проходящей через С параллельно АВ;
- е) расстояние от точки С до прямой АВ.
- 2. Даны четыре точки: A(1,-1,3), B(6,5,8), C(3,5,8), D(8,4,1). Составить уравнения:
- а) плоскости АВС;
- б) прямой АВ;
- в) прямой DM, перпендикулярной плоскости ABC;
- г) прямой CN, параллельной прямой AB;
- д) плоскости, проходящей через точку D, перпендикулярно прямой AB.

Вычислить синус угла между прямой АDи плоскостью АВС.

Найти расстояние от точки D до плоскости ABC.

ИДЗ №3 по теме «Определители. Свойства определителей. Матрицы. Системы линейных уравнений»

1. Вычислить определитель матрицы  $C = A \cdot B$ :

A) 
$$A = \begin{pmatrix} 6 & 1 & 3 \\ 2 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$
,  $B = \begin{pmatrix} -1 & 4 \\ 2 & 5 \\ 1 & -3 \end{pmatrix}$ ;

Б) дважды, используя правило треугольников и разложив по любому ряду, кроме 1-ой строки:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -4 \\ -2 & -5 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}; B = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 0 \\ 6 & -2 & 3 \end{pmatrix}.$$

2. Найти матрицу  $A^2 + 2A - 3E$ :  $A = \begin{pmatrix} -1 & -3 & 4 \\ 0 & 2 & 5 \\ 2 & 1 & -2 \end{pmatrix}$ .

Замечание.  $A^2 = A \cdot A$ .

- 3. Доказать совместность системы линейных уравнений (с помощью рангов) и решить её тремя способами:
- 1) матричным способом; 2) по формулам Крамера; 3) методом Гаусса.

$$\begin{cases} 3x + 2y + z = 12 \\ 2x + 3y + z = 5 \\ 2x + y + 3z = 11 \end{cases}$$

ИДЗ №4 по теме «Конечномерное евклидово пространство»

1. Найти базис (любой) системы векторов  $\bar{a}, \bar{b}, \bar{c}, \bar{d}, \bar{e}$ .

$$\bar{a}(3, -1, -4)$$
  $\bar{b}(0, 3, 2)$   $\bar{c}(3, 8, 2)$   $\bar{d}(6, 1, -6)$ 

2. Доказать, что векторы  $\bar{a}$ ,  $\bar{b}$ ,  $\bar{c}$  образуют базис линейного векторного пространства  $R^3$  и найти координаты вектора  $\bar{d}$  в данном базисе.

 $\bar{e}$  (3, -1, 2)

$$\bar{a}(2,1,3)$$
  $\bar{b}(3,-2,1)$   $\bar{c}(1,-3,-4)$   $\bar{d}(7,0,7)$ 

3. Найти собственные числа и собственные векторы матрицы А.

$$A = \begin{pmatrix} -5 & 2 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$$

ИДЗ №5 по теме «Предел функции. Непрерывность функции одной переменной»

1. Найти пределы функций, не пользуясь правилом Лопиталя:

a) 
$$\lim_{x \to -8} \frac{\sqrt{1-x}-3}{x+8}$$
; 6)  $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 5x}{3x^2+5x}$ ; B)  $\lim_{x \to \infty} \left(\frac{x-9}{x+1}\right)^{3x+1}$ .

2. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$y = \begin{cases} 2x - 3, & x < 0, \\ x + 1, & 0 \le x \le 4, \\ 3 + \sqrt{x}, & x > 4. \end{cases}$$

ИДЗ №6 по теме «Дифференцируемость функции одной переменной»

1. Найти производные данных функций:

a) 
$$y = \frac{2x^2 - x - 1}{3\sqrt{2 + 4x}}$$
; 6)  $y = \frac{1}{2} \arctan \left( \frac{e^x - 3}{2} \right)$ ; B)  $y = \ln \left( x + \sqrt{1 + x^2} \right)$ .

2. Провести полное исследование функции и построить её график:

$$y = \frac{x^2 - 6x + 4}{3x - 2}$$

ИДЗ №7 по теме «Интегрирование функции одной переменной»  $3a\partial anue\ I$ . Найти неопределенные интегралы:

a) 
$$\int \frac{2+\ln{(x-1)}}{x-1} dx$$
; 6)  $\int (11+3x^2) \sin{2x} dx$ ; b)  $\int \frac{x+1}{x^3-1} dx$ ;  $\Gamma$ )  $\int \frac{\sin{x}}{5+3\sin{x}} dx$ ;  $\int \sqrt{\frac{4-x}{x-12}} dx$ .

Задание 2. Вычислить определённые интегралы:

a) 
$$\int_{0}^{1} \frac{e^{x}}{1 + e^{2x}} dx$$
; 6)  $\int_{-3}^{0} (x^{2} + 6x + 9) \sin 2x dx$ .

2) Контрольные работы

Таблица А.3 – Контрольная работа

Критерии оценки	Количество вариантов заданий	Количество вопросов
Количество правильных ответов	10	4-6
Использование терминологии		
Обоснованность решений		
ия основных понятий раздела		

## Демонстрационные варианты контрольных работ

Контрольная работа №1 по теме

«Основы аналитической геометрии на плоскости и в трёхмерном пространстве»

- 1. Даны вершины треугольника ABC: A(-1;3);B(2;-3);C(3;5). Найти:
- а) уравнение стороны АВ;
- б) уравнение медианы АМ;
- в) угол ВАМ.
- 2. Даны четыре точки: A(1,-1,3), B(6,5,8), C(3,5,8), D(8,4,1). Составить уравнения:
- а) прямой АВ;
- б) плоскости, проходящей через точку D, перпендикулярно прямой AB.

Найти расстояние от точки D до плоскости ABC.

Контрольная работа N2 по теме «Определители. Свойства определителей. Матрицы. Системы линейных уравнений»

1. Вычислить определитель матрицы  $C = A \cdot B$  дважды, используя правило треугольников и разложив по любому ряду, кроме 1-ой строки:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -4 \\ -2 & -5 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}; B = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 0 \\ 6 & -2 & 3 \end{pmatrix}.$$

- 2. Найти матрицу  $A^2 + A^T 3E$ :  $A = \begin{pmatrix} -1 & -3 & 4 \\ 0 & 2 & 5 \\ 2 & 1 & -2 \end{pmatrix}$ .
- 3. Доказать совместность системы линейных уравнений (с помощью рангов) и решить её матричным способом.

$$\begin{cases} 3x + 2y + z = 12 \\ 2x + 3y + z = 5 \\ 2x + y + 3z = 11 \end{cases}$$

Контрольная работа № 3 по теме «Предел функции. Непрерывность функции»

1. Найти пределы: 
$$\lim_{x\to\infty} \frac{\sqrt{x+1}-\sqrt{x^2+2}}{\sqrt{x^2+3}}$$
,  $\lim_{x\to 2} \frac{x^2-3x+2}{1-\sqrt{x-1}}$ ,  $\lim_{x\to 1} (3x-5)^{\frac{x}{x-1}}$ .

2. Найти точки разрыва функции, определить характер разрыва:  $y = \frac{x^2 - 1}{x^4 + x^3 - 2x^2}$ .

Контрольная работа №4 по теме «Дифференцируемость функции одной переменной»

- 1. Вычислить y'(x) a)  $y = arctg(2x^2 + 5)$  b)  $y = \sqrt{x} \log_2(1 x^3)$ .
- 2. Найти наибольшее и наименьшее значения функции  $f(x) = \frac{x+6}{x^2+13}$  на отрезке [-3, 3]..
- 3. Найти интервалы возрастания и убывания функции  $y = \frac{2(x-1)^2}{x^2}$

Контрольная работа № 5 по теме «Интегральное исчисление функции одной переменной»

1. Найти неопределенные интегралы: 
$$\int \frac{6\sqrt{x^3} + 4\sqrt[4]{x}}{x^3} dx \;, \; \int \sin(2x-3) dx \;, \; \int \frac{4x^4}{5+7x^5} dx \;,$$
 
$$\int (3x+2) \cdot 4^{2x} dx \;, \; \int \frac{7x+5}{(x-3)(x-4)} dx \;.$$

2. Вычислить: 
$$\int_{4}^{9} \frac{1}{x - \sqrt{x}} dx$$
,  $\int_{0}^{\ln 2} x e^{-x} dx$ .

ТаблицаА.4–Экзамен

Критерии оценки	Количество вариантов заданий	Количество вопросов
Количество правильных ответов	25	4-5
Использование терминологии		
Владение материалом		
Логичность и обоснованность ответа		

## Список контрольных вопросов к экзамену

- 1. Определители второго и третьего порядков.
- 2. Свойства определителей.
- 3. Матрицы, операции над ними.
- 4. Обратная матрица, ее вычисление.
- 5. Системы линейных уравнений. Правило Крамера.
- 6. Матричная запись систем. Решение с помощью обратной матрицы.
- 7. Ранг системы векторов и ранг матрицы. Метод Гаусса. Теорема Кронекера-Капелли.
- 8. Векторы, действия над ними. Скалярное произведение.
- 9. Координаты точек и векторов, длина вектора.
- 10. Деление отрезка в данном отношении.
- 11. Уравнения прямой на плоскости.
- 12. Взаимное расположение двух прямых на плоскости.
- 13. Уравнения плоскости в пространстве.
- 14. Взаимное расположение двух плоскостей.
- 15. Уравнения прямой в пространстве.
- 16. Взаимное расположение двух прямых в пространстве.
- 17. Взаимное расположение прямой и плоскости.
- 18. Конечномерное евклидово пространство.

- 19. Системы векторов: линейная зависимость и линейная независимость, ранг, базис.
- 20. Базис в конечномерном евклидовом пространстве.
- 21. Простейшие функции и их графики.
- 22. Операции над функциями. Элементарные функции.
- 23. Бесконечно малые и их свойства.
- 24. Сохранение непрерывности при алгебраических операциях и композиции.
- 25. Непрерывность элементарных функций.
- 26. Предел функции в точке, свойства пределов.
- 27. Замечательные пределы.
- 28. Сравнение бесконечно малых.
- 29. Точки разрыва функции.
- 30. Асимптоты и их нахождение.
- 31. Производная, ее механический, геометрический и экономический смысл.
- 32. Таблица производных.
- 33. Правила вычисления производных.
- 34. Производная сложной и обратной функции.
- 35. Формула для приращения функции. Дифференциал функции.
- 36. Правила Лопиталя.
- 37. Условие возрастания и убывания функции. Экстремумы.
- 38. Условие выпуклости вниз и вверх функции. Точки перегиба.
- 39. Схема построения графика функции на примере.
- 40. Первообразная функции, свойства. Неопределённый интеграл, геометрический смысл, свойства.
- 41. Основные методы интегрирования (непосредственное, замена переменной, по частям).
- 42. Простейшие дроби. Интегрирование простейших дробей I, II, III типов.
- 43. Интегрирование рациональных функций. Разложение правильной дроби на простейшие.
- 44. Интегрирование тригонометрических функций.
- 45. Интегрирование иррациональных функций.
- 46. Определённый интеграл, свойства.
- 47. Определённый интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница.
- 48. Замена переменной в определённом интеграле. Интегрирование по частям.

## Пример экзаменационного билета Новгородский государственный университет имени Ярослава Мудрого

Кафедра прикладной математики и информатики

Экзаменационный билет №1

Учебная дисциплина «Математика» Для направления подготовки 38.03.01

- 1. Уравнение прямой в пространстве.
- 2. Формула для приращения функции. Дифференциал функции.
- 3. Решить систему уравнений

$$\begin{cases} 3x + 2y + z = 12 \\ 2x + 3y + z = 5 \\ 2x + y + 3z = 11 \end{cases}$$

4. Найти предел:  $\lim_{x\to 1} \frac{2x^2-x-1}{x^2+x-2}$ .

УТВЕРЖДАЮ Зав.кафедрой ПМИ

# Приложение Б (обязательное)

# Карта учебно-методического обеспечения

## Учебной дисциплины математика

1. Основная литература

1. Основная литература		
Библиографическое описание издания (автор, наименование, вид, место и год издания, кол. стр.)	Кол. экз. в библ. НовГУ	Напичие в ЭБС
Печатные источники		
1 Высшая математика для экономистов: учебник для вузов / авт. коллектив: Н. Ш. Кремер [и др.]; под ред. Н. Ш. Кремера 3-е изд Москва: ЮНИТИ, 2014 478, [2] с.: ил (Золотой фонд российских учебников) Указ.: с. 461-473. – (2000 - 2014)	133	
Электронные ресурсы		
1. Кремер, Н. Ш. Математика для экономистов: от арифметики до эконометрики. Учебно-справочное пособие: учебник для вузов / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин; под общей редакцией Н. Ш. Кремера. — 5-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2021. — 760 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-14218-1. — Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: URL: <a href="https://urait.ru/bcode/477391">https://urait.ru/bcode/477391</a>		Юрайт
2 В.А. Едемский, С. В. Неустроева, Ю.Ю. Петрова. Линейная алгебра, 1 часть: метод. указания / ФГБОУ «Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого» Великий Новгород, 2012 г. – 36 с.		
3 Ю.Ю. Петрова. Пределы и непрерывность функции: метод. указания / ФГБОУ «Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого» Великий Новгород, 2012 г. – 10 с.		
4 В.А. Едемский, Т.Н. Шелонина. Неопределенный интеграл: метод. указания / ФГБОУ «Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого» Великий Новгород, 2013 г. – 20 с.		

2. Дополнительная литература

Библиографическое описание издания (автор, наименование, вид, место и год издания, кол. стр.)	Кол. экз. в библ. НовГУ	Наличие в ЭБС
Печатные источники		
1 Шипачев В. С. Высшая математика: учебник для вузов / В. С. Шипачев 8-е изд., стер Москва: Высшая школа, 2007 479, [1] с.: ил Указ.: с. 455-463 (2000-2007)	255	
2 Минорский, В. П. Сборник задач по высшей математике: учебное пособие для втузов / В. П. Минорский 13-е изд Москва: Наука, 1987 352 с.: ил.	130	



15

Электронные ресурсы				
Единый портал Интернет-тестирования в сфере образования	http://trainin g.i-exam.ru/	The second secon		

Таблица Б.3 – Информационное обеспечение

Наименование ресурса	Договор	Срок договора бессрочный	
Профессиональные базы данных	5.7000.00000000000000000000000000000000		
База данных электронной библиотечной системы вуза «Электронный читальный зал-БиблиоТех» https://www.novsu.ru/dept/1114/bibliotech/	Договор № БТ-46/11 от 17.12.2014		
Электронный каталог научной библиотеки База собственно http://mars.novsu.ac.ru/MarcWeb/ генерации		бессрочный	
База данных «Аналитика» (картотека статей) http://mars.novsu.ac.ru/MarcWeb/  База собственной генерации		бессрочный	
База данных Научной электронной библиотеки LIBRARY.RU https://elibrary.ru/			
База данных электронно-библиотечной системы «Национальная электронная в открытом доступе Библиотека» https://нэб.рф		-	
Информационные справочные системы			
Университетская информационная система «РОССИЯ» https://uisrussia.msu.ru	в открытом доступе	34	
Национальный портал онлайн обучения «Открытое образование» https://openedu.ru	в открытом доступе	*	

Зав. кафедрой ПМИ В В.А. Едемский Сектор учета Са

# Приложение В (обязательное)

## Лист актуализации рабочей программы учебной дисциплины Математика

Рабочая программа актуализирована на 20/20 учеб	ный год.
Протокол № заседания кафедры от «»	20 г.
Разработчик:	
Зав. кафедрой	
Рабочая программа актуализирована на 20_/20_ учеб	ный год.
Протокол № заседания кафедры от «»	20 г.
Разработчик:	
Зав. кафедрой	
Рабочая программа актуализирована на 20 /20 учеб	ный год.
Протокол № заседания кафедры от « »	20 г.
Разработчик:	
Зав. кафедрой	

## Перечень изменений, внесенных в рабочую программу:

Номер изменения	№ и дата протокола заседания кафедры	Содержание изменений	Зав.кафедрой	Подпись